

اگرچه نیت خوبی است زیستن ...  
اما خوشا که دست به تصمیم بهتری بزنیم!

 [www.konkursara.com](http://www.konkursara.com)

 ۰۲۱۵۵۷۵۶۵۰۰

دانلود بهترین جزوات در

**کنکورسرا**

کنکورسرا

مرجع تخصصی قبولی آزمون فرهنگیان و آزمون استخدامی آموزش و پرورش

انرژی جنبشی: انرژی جنبشی جسمی به جرم  $m$  که با تندی  $v$  در حال حرکت باشد از رابطه زیر بدست می آید:

$$K = \frac{1}{2}mv^2$$

K: انرژی جنبشی بر حسب ژول J      m: جرم بر حسب کیلوگرم kg      v: تندی بر حسب متر بر ثانیه  $m/s$

✳ اگر تندی جسم بر حسب کیلومتر بر ساعت  $km/h$  داده شود برای تبدیل آن به متر بر ثانیه  $m/s$  کافیه آن را به ۳.۶ تقسیم کنیم.

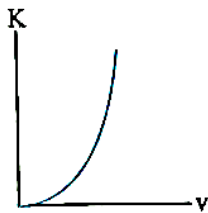
✳ یکای انرژی جنبشی و هر نوع دیگری از انرژی،  $kg \frac{m^2}{s^2}$  است که به افتخار جیمز ژول، فیزیکدان انگلیسی، ژول نامیده می شود.

✳ برای مقایسه انرژی جنبشی دو جسم با جرم ها و تندی های متفاوت داریم:

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

✳ انرژی جنبشی کمیتی نرده ای بوده و همواره مثبت است. این کمیت تنها به جرم و تندی جسم بستگی دارد و به جهت حرکت جسم وابسته نیست.

✳ رابطه انرژی جنبشی بر حسب تندی  $K-v$  تابعی درجه ۲ بوده و نمودار آن به شکل زیر می باشد:



☞ نمونه سوالات مرتبط با مبحث انرژی جنبشی:

اگر سرعت متحرکی به جرم  $m$  به اندازه  $5 \frac{m}{s}$  افزایش پیدا کند، افزایش انرژی جنبشی آن  $\frac{5}{4}$  انرژی جنبشی اولیه می شود. بزرگی سرعت اولیه متحرک چند متر بر ثانیه می تواند باشد؟

(۱) ۶/۲۵      (۲) ۱۰      (۳) ۱۵      (۴) ۲۰

انرژی جنبشی گلوله ای ۴ J و تندی آن  $4 m/s$  است. تندی آن را به چند متر بر ثانیه برسانیم تا انرژی جنبشی آن ۵ J شود؟

(۱) ۵      (۲) ۸      (۳)  $2\sqrt{5}$       (۴)  $5\sqrt{2}$

اتومبیلی که با تندی  $72 \text{ km/h}$  در حرکت است، تقریباً چه تندی‌ای بر حسب متر بر ثانیه باید داشته باشد، تا انرژی جنبشی آن دو برابر شود؟

۴۰ (۴)

۳۲ (۳)

۲۸ (۲)

۲۵ (۱)

اتومبیلی که با تندی  $72 \text{ km/h}$  در حرکت است، تقریباً چه تندی‌ای بر حسب متر بر ثانیه باید داشته باشد، تا انرژی جنبشی آن دو برابر شود؟

۴۰ (۴)

۳۲ (۳)

۲۸ (۲)

۲۵ (۱)

اگر به جرم جسمی  $50$  درصد بیفزاییم و از تندی آن  $20$  درصد بکاهیم، انرژی جنبشی آن چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟

۴ (۴)، افزایش می‌یابد.

۳ (۳)، کاهش می‌یابد.

۲ (۲)، کاهش می‌یابد.

۱ (۱)، افزایش می‌یابد.

گلوله‌ای به جرم  $42$  گرم با تندی  $500 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  به تنه درختی برخورد کرده و با تندی  $100 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  از آن خارج شده است. اگر  $1/10$  انرژی جنبشی از دست رفته، گلوله را گرم کند، تقریباً چند کالری گرما به گلوله رسیده است؟ (هر کالری گرما برابر  $4/2$  ژول است.)

۱۲۰ (۴)

۵۰۴ (۳)

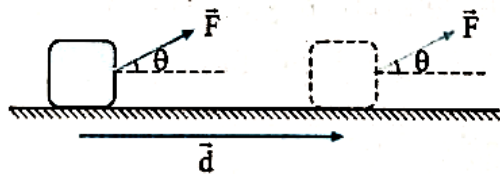
۲۱۱۷ (۲)

۵۰۴۰ (۱)

کار نیروی ثابت: کار انجام شده توسط نیروی ثابت  $\vec{F}$  بر روی یک جسم در جابجایی  $\vec{d}$

برابر است با:

$$w = Fd\cos\theta$$



در رابطه بالا  $F$  اندازه نیرو،  $d$  اندازه جابجایی و  $\theta$  زاویه بین  $\vec{d}$  و  $\vec{F}$  است.

✳ کار یک کمیت نرده ای (عددی) است که یکای آن در SI، ژول می باشد.

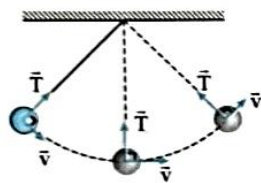
✳ کار یک نیرو با توجه به زاویه  $\theta$ ، می تواند صفر، عددی مثبت یا یک عدد منفی باشد:

$$\theta < 90 \rightarrow \cos\theta > 0 \rightarrow W > 0, \quad \theta = 90 \rightarrow \cos\theta = 0 \rightarrow W = 0, \quad \theta > 90 \rightarrow \cos\theta < 0 \rightarrow W < 0$$

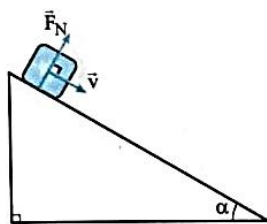
✳ اگر بردار نیرو به صورت  $\vec{F} = F_x\vec{i} + F_y\vec{j}$  و بردار جابجایی به صورت  $\vec{d} = d_x\vec{i} + d_y\vec{j}$  باشد، کار نیروی  $\vec{F}$  در جابجایی  $\vec{d}$  از رابطه زیر به دست می آید:

$$W = F_x d_x + F_y d_y$$

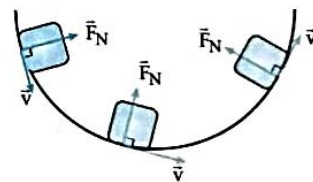
✳ اگر نیرویی در طی مسیر حرکت جسم همواره بر بردار سرعت جسم عمود باشد، در این صورت در هر لحظه  $\theta = 90$  خواهد بود، بنابراین کار این نیرو صفر است.



کار نیروی کشش نخ؛  $W_T = 0$



کار نیروی عمودی سطح؛  $W_{F_N} = 0$



کار نیروی عمودی سطح؛  $W_{F_N} = 0$

☞ نمونه سوالات مرتبط با مبحث انرژی جنبشی:

کار چه نوع کمیتی است و یکای آن در SI کدام است؟

(۴) برداری -  $\frac{N}{m}$

(۳) نرده ای -  $\frac{N}{m}$

(۲) نرده ای - N.m

(۱) برداری - N.m

برای کشیدن جعبه‌ای روی سطح افقی  $40$  نیوتون نیرو موازی سطح لازم است. کار لازم برای  $80$  سانتی‌متر جابه‌جایی جسم چند ژول است؟

۵۰۰ (۴)

۳۲۰ (۳)

۵۰ (۲)

۳۲ (۱)

در شکل زیر نیروی ثابت  $F$  در راستای قائم به یک جسم  $2$  کیلوگرمی وارد می‌شود. اندازه (قدر مطلق) کار

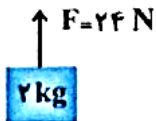
این نیرو در ثانیه‌های متوالی یک بازه زمانی معین ...

(۱) افزایش می‌یابد.

(۲) کاهش می‌یابد.

(۳) ابتدا کاهش، سپس افزایش می‌یابد.

(۴) بسته به شرایط، هر کدام ممکن است درست باشد.



در شکل داده شده، نیروی  $F = 6\text{ N}$  تحت زاویه  $60^\circ$  به جسم وارد می‌شود، کار نیروی  $F$  در  $10$  متر

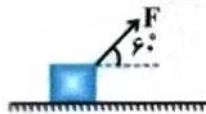
جابه‌جایی چند ژول است؟

(۱)  $30\sqrt{3}$

(۲)  $60$

(۳)  $60\sqrt{3}$

(۴)  $30$



در شکل مقابل، نیروی  $F = 4\text{ N}$  و وزن  $M$  را روی سطح افقی در هر ثانیه  $2$  متر جابه‌جا می‌کند، کار این

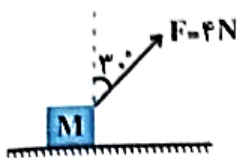
نیرو در مدت  $10$  ثانیه برابر چند ژول است؟

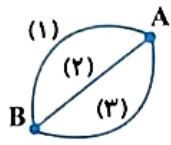
(۱)  $4$

(۲)  $4\sqrt{3}$

(۳)  $40$

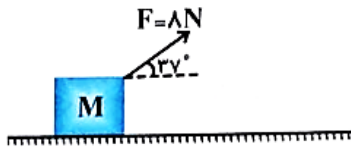
(۴)  $40\sqrt{3}$





اگر جسمی به جرم  $M$  تحت اثر نیروی ثابت  $\vec{F}$  از نقطه  $A$  تا  $B$  در مسیرهای شکل روبه‌رو جابه‌جا شود، کار انجام شده به وسیله این نیرو:

(۱) در مسیر (۲) کم‌ترین مقدار را دارد.  
 (۲) در مسیر (۱) کم‌ترین مقدار را دارد.  
 (۳) در هر سه مسیر یکسان است.  
 (۴) در مسیر (۳) کم‌ترین مقدار را دارد.

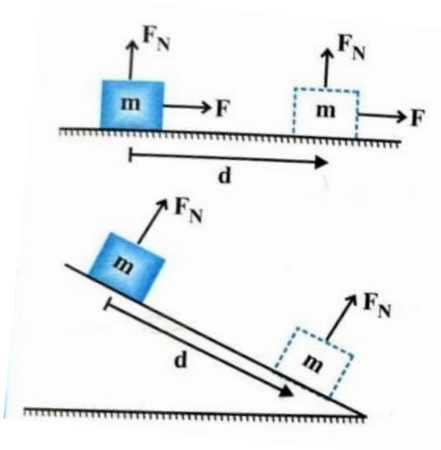


در شکل مقابل وزنه  $M$  با تندی ثابت روی سطح افقی جابه‌جا می‌شود. کار نیروی اصطکاک در هر متر جابه‌جایی چند ژول است؟ ( $\sin 37^\circ = 0.6$ )

- (۱)  $-4/8$   
 (۲)  $4/8$

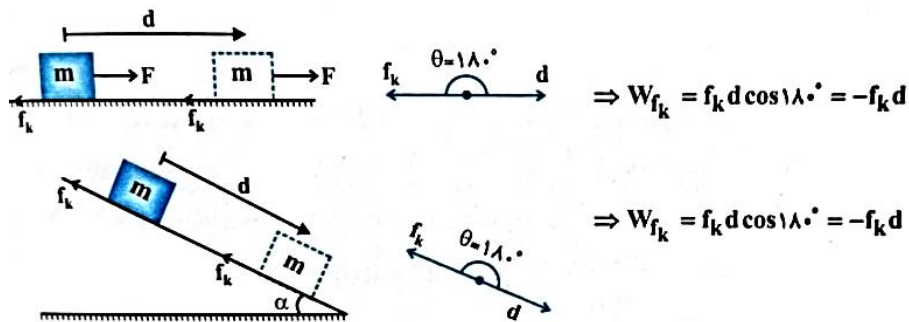
- (۳)  $6/4$   
 (۴)  $-6/4$

کار برخی نیروهای خاص:



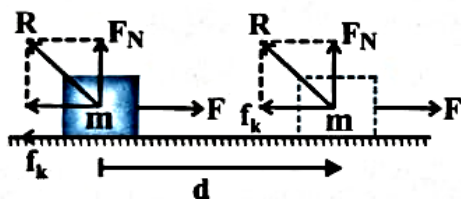
کار نیروی عمودی سطح ( $W_{F_N}$ ): هنگامی که یک جسم روی سطح افقی و یا یک سطح شیبدار حرکت می کند، با توجه به این که نیروی عمودی سطح ( $F_N$ ) بر سطح عمود است می توان گفت زاویه بین این نیرو و جابجایی  $90^\circ$  درجه بوده و بنابراین کار در آن صفر است.

کار نیروی اصطکاک ( $W_{f_k}$ ): هنگامی که یک جسم روی یک سطح افقی دارای اصطکاک و یا یک سطح شیبدار دارای اصطکاک حرکت می کند همواره نیروی اصطکاک در خلاف جهت حرکت جسم بر آن وارد می شود، بنابراین:



معمولا کاری که نیروی اصطکاک انجام می دهد، به صورت گرما تلف یا ظاهر می شود، مقدار این گرما برابر قدر مطلق کار نیروی اصطکاک است.

کار نیروی عکس العمل سطح ( $W_R$ ): مطابق شکل نیروی عکس العمل سطح R دارای دو مولفه ی نیروی عمودی سطح و نیروی اصطکاک است بنابراین داریم:



$$W_R = W_{F_N} + W_{f_k}$$

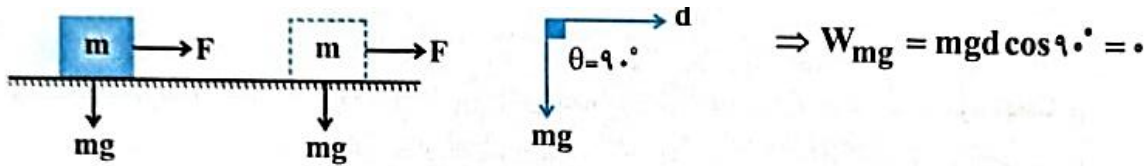
$$\begin{cases} W_{F_N} = 0 \\ W_{f_k} = -f_k d \end{cases} \Rightarrow W_R = -f_k d$$

بنابراین کار نیروی عکس العمل سطح همواره با کار نیروی اصطکاک برابر است.

این رابطه برای سطح شیبدار هم صادق است.

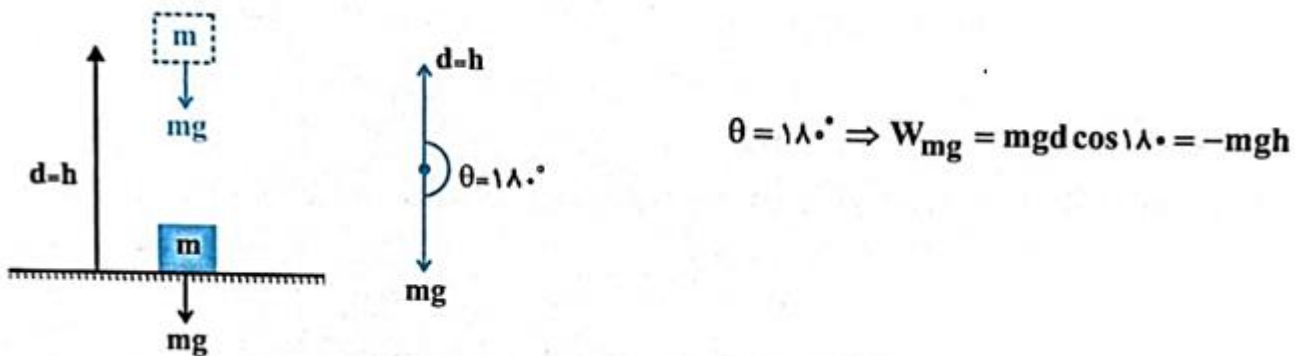
کار انجام شده توسط نیروی وزن ( $W_{mg}$ ):

الف: جسم به صورت افقی جابجا شود:



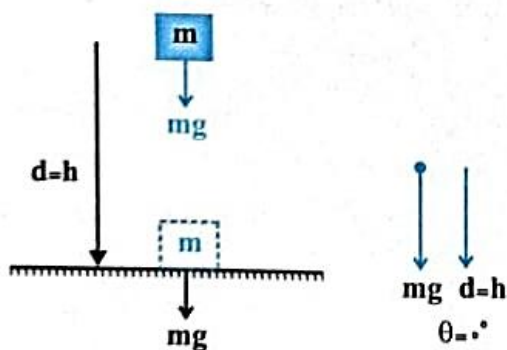
ب: جسم در راستای قائم جابجا شود:

- در صورت بالا رفتن:



- در صورت پایین آمدن:

$$W_{mg} = mgd \cos 0^\circ = mgh$$

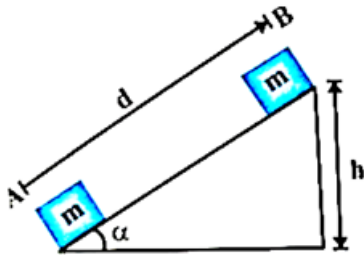


❗ دقت کنید که کار نیروی وزن مستقل از مسیر حرکت است و فقط به اختلاف ارتفاع دو نقطه ای که بین آن ها جابجایی صورت گرفته بستگی دارد.

❗ کار لازم برای غلبه بر نیروی وزن ( $W'$ ) برابر قدر مطلق کار نیروی وزن  $W_{mg}$  است.  $W' = |W_{mg}|$



✳ هرگاه جسمی از نقطه A تا B روی سطح شیبدار مطابق شکل جابجا شود، کار نیروی وزن برابر است با:



$$\begin{cases} W_{mg} = -mgh \Rightarrow W_{mg} = -mgd \sin \alpha \\ \sin \alpha = \frac{h}{d} \end{cases}$$

☞ نمونه سوالات مرتبط با مبحث کار نیروی وزن:

جسمی به وزن  $W$  از بالای سطح شیبداری به طول  $L$  که با افق زاویه  $\theta$  می‌سازد به پایین می‌لغزد. اگر سطح بدون اصطکاک باشد، کار نیروی عکس‌العمل سطح شیبدار در این جابه‌جایی برابر با کدام یک از مقادیر زیر خواهد بود؟

$WL \cos \theta$  (۴)

$WL \sin \theta$  (۳)

$WL$  (۲)

صفر (۱)

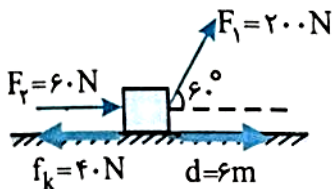
نخی را به یک وزنه یک کیلوگرمی بسته و آن را با نیروی کشش ۴ نیوتون روی سطح افقی به اندازه یک متر جابه‌جا می‌کنیم. کار نیروی وزن در این جابه‌جایی چند ژول است؟

$19/6$  (۴)

$9/8$  (۳)

$4$  (۲)

صفر (۱)



$360$  (۴)

$480$  (۳)

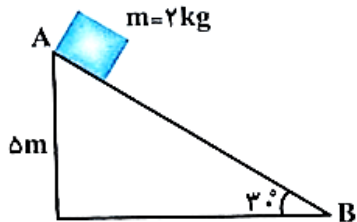
$720$  (۲)

$1200$  (۱)

مطابق شکل به جسمی به جرم  $40 \text{ kg}$  که بر روی سطح افقی قرار دارد، نیروهای  $F_1$  و  $F_2$  و نیروی

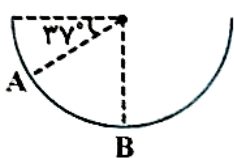
اصطکاک  $f_k$  وارد می‌شود و جسم  $6$  متر روی سطح افقی جابه‌جا می‌شود. کار کل انجام شده بر روی

جسم طی این جابه‌جایی چند ژول است؟



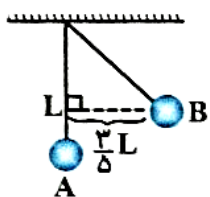
اگر در سطح شیب‌دار مطابق شکل، اندازه نیروی اصطکاک برابر ۱/۱ وزن جسم باشد و جسم از نقطه A (ارتفاع ۵ متر) به نقطه B برسد، کار نیروی گرانش (جاذبه) زمین روی جسم در این جابه‌جایی چند ژول است؟ ( $g = 10 \text{ N/kg}$ )

- (۱) ۴۰  
(۲) ۵۰  
(۳) ۶۰  
(۴) ۱۰۰



جسم m به جرم ۱۰۰g درون نیم‌کره صیقلی به قطر ۶۰ سانتی‌متر به پایین می‌لغزد. کار نیروی وزن جسم از A تا B چند ژول است؟ ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ,  $\sin 37^\circ = 0.6$ )

- (۱) ۰/۱۲  
(۲) ۰/۱۸  
(۳) ۱/۲  
(۴) ۱/۸



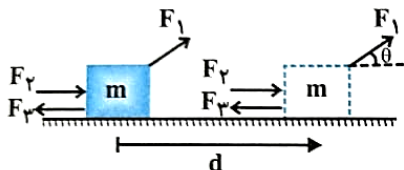
مطابق شکل زیر، گلوله‌ای به جرم ۳ kg از انتهای یک نخ سبک به طول ۲ متر آویزان است. اگر آونگ را از حالت عمودی A به نقطه B برسانیم، کار نیروی وزن گلوله در این جابه‌جایی چند

ژول می‌شود؟ ( $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ )

- (۱) ۱۲  
(۲) -۱۲  
(۳) ۳۶  
(۴) -۳۶

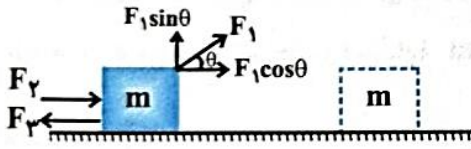
کار کل ( $W_t$ ): به مجموع کار نیروهای وارد بر جسم در یک جابجایی، کار کل در آن جابجایی گفته می‌شود. اگر بیش از یک نیرو هم زمان بر جسم وارد شوند، برای محاسبه کار کل انجام شده بر روی جسم، به دو روش می‌توانیم عمل کنیم:

۱ کار هر یک از نیروها را به صورت جداگانه محاسبه و سپس با هم جمع کنیم:  $W_t = W_1 + W_2 + W_3 \dots$



$$W_t = W_{F_1} + W_{F_f} + W_{F_f} + \dots$$

۲ برآیند نیروهای در راستای جابجایی جسم  $F'$  را به دست می‌آوریم سپس کار این نیرو را محاسبه می‌کنیم:  $W_t = F' d \cos \theta$



$$\begin{cases} W_t = F_t d \\ F_t = F_f + F_1 \cos \theta - F_p \end{cases} \Rightarrow W_t = (F_f + F_1 \cos \theta - F_p) d$$

دقت کنید برای محاسبه  $F'$  ابتدا مولفه ای از نیروها که در راستای جابجایی است را به دست می آوریم و سپس برآیند نیروها در راستای جابجایی را حساب می کنیم.

✳ نیروهایی که عمود بر جابجایی هستند سهمی در محاسبه کار کل وارد شده بر جسم ( $W_t$ ) نخواهند داشت.

قضیه کار و انرژی جنبشی: کار کل انجام شده بر روی جسم با تغییر انرژی جنبشی جسم برابر است. به عبارت دیگر کار کلی که روی جسم انجام می شود صرف تغییر انرژی جنبشی (تغییر تندی) آن می شود.

$$W_t = \Delta K = K_2 - K_1$$

✳ اگر کار کل انجام شده روی جسم مثبت باشد  $W_t > 0$  در آن صورت انرژی جنبشی و تندی جسم افزایش یافته است:  $K_2 > K_1$

✳ اگر کار کل انجام شده روی جسم منفی باشد  $W_t < 0$  در آن صورت انرژی جنبشی و تندی جسم کاهش یافته است:  $K_2 < K_1$

✳ اگر کار کل انجام شده روی جسم صفر باشد  $W_t = 0$  در آن صورت انرژی جنبشی و تندی جسم تغییری نکرده است:  $K_2 = K_1$

✳ با توجه به قضیه کار و انرژی جنبشی برای یافتن کار کل انجام شده روی جسم کافی است، تندی ابتدا و انتهای جابجایی جسم را داشته باشیم، و به مسیر حرکت جسم نیازی نداریم.

☞ نمونه سوالات مرتبط با مبحث کار و انرژی جنبشی:

اگر کار کل نیروهای وارد بر جسمی به جرم  $2 \text{ kg}$  برابر  $21 \text{ ژول}$  و تندی جسم در ابتدا برابر  $2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  باشد، پس از انجام این کار بر روی جسم،

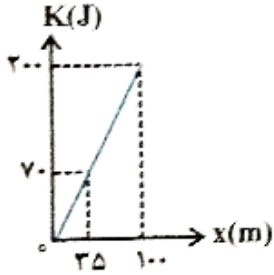
تندی آن به چند متر بر ثانیه می رسد؟

۲ (۴)

۳ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)

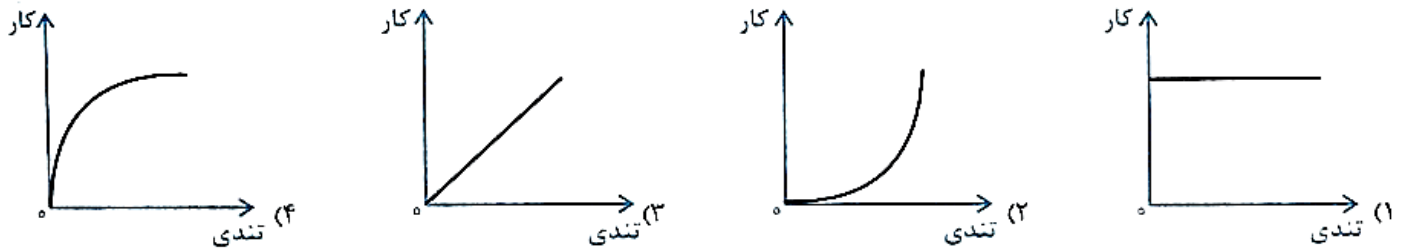


جسمی از حال سکون و از مبدأ، روی محور Xها و در جهت مثبت این محور به حرکت در می آید. اگر نمودار انرژی جنبشی آن بر حسب مکانش مطابق شکل زیر باشد، بزرگی نیروی برآیند وارد بر جسم، چند نیوتون است؟

- (۲) ۲  
(۴) ۱۳۰

- (۱) صفر  
(۳) ۴

جسمی از حال سکون تحت تأثیر نیرویی که اندازه و جهت آن ثابت است به حرکت درمی آید. اگر این نیرو در تمام طول مسیر بر جسم اثر کند و نیروی مقاومی در مقابل حرکت وجود نداشته باشد، کدام نمودار تغییرات کار نیرو را بر حسب تندى جسم درست نشان می دهد؟



جسمی با تندى  $10 \text{ m/s}$  در جهت مثبت محور Xها حرکت می کند و انرژی جنبشی آن  $100 \text{ J}$  است. پس از مدتی تندى این جسم تغییر کرده و در جهت منفی محور Xها به  $20 \text{ m/s}$  می رسد. کار کل انجام شده بر این جسم در این مدت چند ژول است؟

- (۴) ۵۰۰

- (۳) ۳۰۰

- (۲) -۳۰۰

- (۱) -۵۰۰

گلوله ای از ارتفاع ۲۰ متری سطح زمین، با تندى اولیه  $4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در راستای قائم رو به پایین پرتاب می شود. انرژی جنبشی این گلوله بعد از ۴ متر

پایین آمدن چند برابر می شود؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  و از مقاومت هوا صرف نظر شود).

- (۴) ۶

- (۳) ۵

- (۲) ۴

- (۱) ۳

اگر گلوله‌ای به جرم  $10\text{g}$  در راستای افق با تندی  $100\frac{\text{m}}{\text{s}}$  به یک جسم با ضخامت  $10\text{cm}$  برخورد کرده و از طرف دیگر آن در شرایطی که تندی آن نصف می‌شود به صورت افقی خارج شود، متوسط نیرویی که در طول برخورد از طرف جسم به گلوله وارد می‌شود، چند نیوتون است؟

۱۷۵ (۴)

۷۵۰ (۳)

۴۵۰ (۲)

۳۷۵ (۱)

## انرژی پتانسیل:

در فیزیک انرژی پتانسیل صورتی از انرژی است که در یک سامانه به صورت نهفته وجود دارد و قابل تبدیل به انرژی جنبشی می‌باشد.

✳️ انرژی پتانسیل بر خلاف انرژی جنبشی که به حرکت یک جسم وابسته است، ویژگی یک سامانه است نه ویژگی یک جسم منفرد، به عبارت دیگر انرژی پتانسیل به مکان اجسام یک سامانه نسبت به یکدیگر بستگی دارد.

## انواع انرژی پتانسیل:

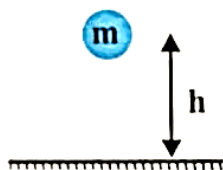
♦️ انرژی پتانسیل گرانشی: انرژی ذخیره شده در سامانه جسم-زمین

♦️ انرژی پتانسیل کشسانی: انرژی ذخیره شده در سامانه جسم-فنر

♦️ انرژی پتانسیل الکتریکی: انرژی ذخیره شده در سامانه بار الکتریکی-بار الکتریکی

انرژی پتانسیل گرانشی: انرژی پتانسیل گرانشی سامانه متشکل از زمین و جسمی به جرم  $m$  که در ارتفاع  $h$  از

سطح زمین قرار دارد به صورت زیر تعریف می‌شود:



$$U = mgh$$

سطح مبدا پتانسیل: سطحی که ارتفاع آن را صفر در نظر می‌گیریم، در این نقطه انرژی پتانسیل گرانشی جسم صفر می‌شود. و انرژی پتانسیل گرانشی سایر نقاط را نسبت به این نقطه بدست می‌آوریم.

✳️ در ارتفاع بالاتر از مبدا پتانسیل، انرژی پتانسیل گرانشی مثبت و در ارتفاع پایین‌تر از مبدا، انرژی پتانسیل گرانشی منفی می‌شود.

تغییر انرژی پتانسیل گرانشی: اگر ارتفاع جسم نسبت به سطح مبدا پتانسیل تغییر کند، انرژی پتانسیل گرانشی آن نیز تغییر می‌کند که از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$\Delta U = mg\Delta h$$

✳️ اینکه چه ارتفاعی را مبدا قرار بدهیم تاثیری در مقدار  $\Delta U$  ندارد.

## کار و انرژی پتانسیل گرانشی:

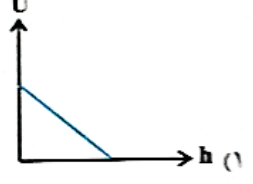
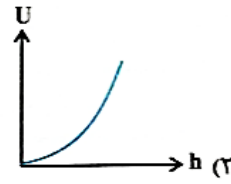
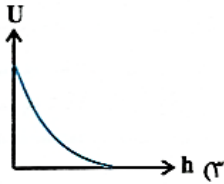
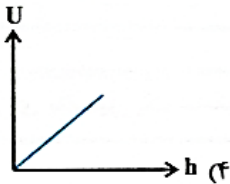
تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی یک جسم منفی کار نیروی وزن است.  $W_{mg} = -\Delta U$

✳ اگر جسمی به جرم  $m$  توسط یک نیروی خارجی به آرامی و با تندی ثابت به اندازه  $\Delta h$  در راستای قائم جابجا شود، کار انجام شده توسط نیروی خارجی  $W_F$  برابر تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی جسم است.

$$W_F = mg\Delta h$$

☞ نمونه سوالات مرتبط با مبحث کار و انرژی پتانسیل :

عمودار انرژی پتانسیل گرانشی یک جسم نسبت به سطح زمین بر حسب ارتفاع آن جسم از سطح زمین، مطابق کدام گزینه است؟ (اندازه شتاب گرانش ثابت فرض شود.)



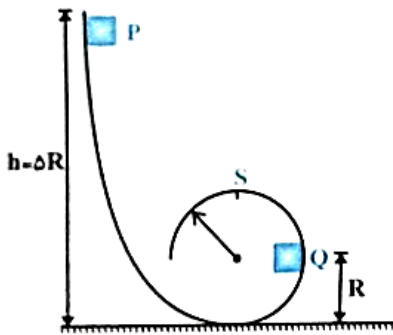
جسمی به وزن  $500$  نیوتون را روی سطح شیب‌داری که با افق زاویه  $30^\circ$  می‌سازد بالا می‌کشیم. اگر جابه‌جایی جسم روی سطح  $4$  متر باشد، افزایش انرژی پتانسیل آن چند ژول خواهد بود؟

(۱)  $1000\sqrt{3}$

(۲)  $1000$

(۳)  $2000$

(۴)  $9800$



جسم کوچکی به جرم  $m$  مطابق شکل می‌تواند روی مسیر حلقه‌ای بدون اصطکاک بلغزد. جسم از نقطه  $P$  واقع در ارتفاع  $h = 5R$  از حال سکون رها می‌شود. نسبت تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی جسم بین دو نقطه  $P$  و  $Q$  به کار نیروی وزن بین دو نقطه  $P$  و  $S$  کدام است؟

(۱)  $\frac{3}{4}$

(۲)  $-\frac{3}{4}$

(۳)  $\frac{4}{3}$

(۴)  $-\frac{4}{3}$

انرژی مکانیکی (E): به مجموع مقادیر انرژی های جنبشی و پتانسیل یک جسم انرژی مکانیکی آن جسم می گویند.

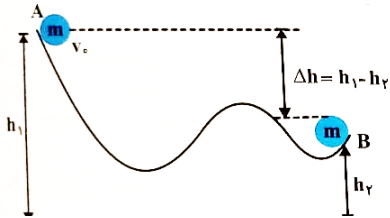
$$E = K + U$$

اصل پایستگی انرژی مکانیکی: اگر در طول مسیر حرکت یک جسم نیروهای اتلاف کننده انرژی (مقاومت هوا و اصطکاک و...) ناچیز باشند، آنگاه انرژی مکانیکی جسم در تمام نقاط مسیر مقدار یکسانی خواهد بود (پایسته می ماند).

$$E_1 = E_2$$

در نتیجه:

$$K_1 + U_1 = K_2 + U_2$$



✳ اگر یک جسم در یک سطح بدون اصطکاک مانند شکل به اندازه  $\Delta h$  سقوط کند، اندازه تندی

آن از  $V$  به  $\sqrt{V_0^2 + 2g\Delta h}$  خواهد رسید.

✳ اگر گلوله ای مانند شکل به یک آونگ با طول ریسمان  $L$  متصل باشد و از نقطه  $A$  با تندی اولیه  $V$  رها شود. تندی آن در پایین ترین نقطه از مسیر از رابطه زیر بدست می آید:

$$V = \sqrt{V_0^2 + 2gL(1 - \cos \theta)}$$

☞ نمونه سوالات مرتبط با اصل پایستگی انرژی:

جسم  $A$  به جرم  $m$  از ارتفاع  $10$  متری سطح زمین و جسم  $B$  به جرم  $2m$  از ارتفاع  $20$  متری سطح زمین رها می شوند. انرژی جنبشی جسم  $B$  در لحظه رسیدن به زمین چند برابر انرژی جنبشی جسم  $A$  در لحظه رسیدن به زمین است؟ (از مقاومت هوا صرف نظر شود).

$\frac{1}{4}$  (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

جسمی به جرم  $m$  را با تندی  $8 \frac{m}{s}$  در راستای قائم به طرف بالا پرتاب می کنیم. با نادیده گرفتن اتلاف انرژی، تندی جسم در نیمه راه روبه بالا

چند متر بر ثانیه است؟  $(g = 10 \frac{m}{s^2})$

$5\sqrt{2}$  (۴)

$4\sqrt{2}$  (۳)

۲ (۲)

۶ (۱)



بالنی با تندی ثابت  $20 \frac{m}{s}$  در راستای قائم در حال حرکت به سمت بالا است. هنگامی که بالن در ارتفاع ۱۰۰ متری سطح زمین قرار دارد گلوله‌ای از آن رها می‌شود. در لحظه‌ای که بلندار تندی گلوله نصف تندی آن در لحظه برخورد با زمین است. ارتفاع گلوله از سطح زمین چند متر است؟ ( $g = 10 \frac{N}{kg}$  و مقاومت هوا ناچیز است).

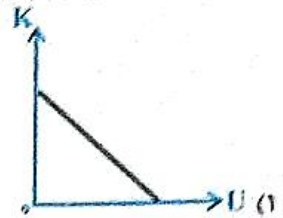
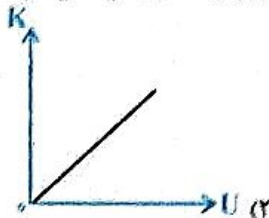
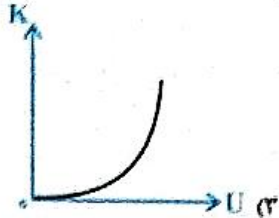
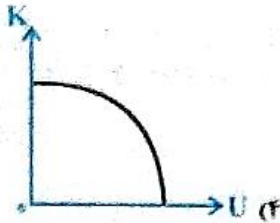
۷۵ (۴)

۲۵ (۳)

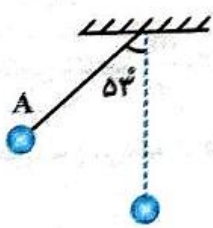
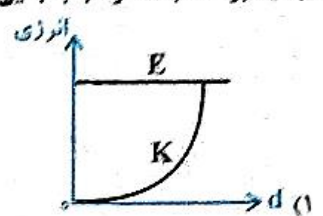
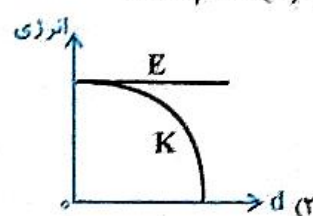
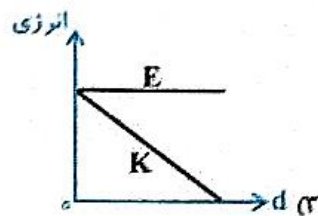
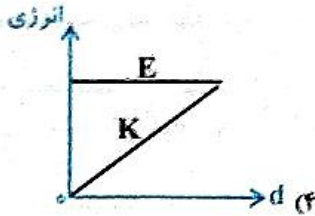
۹۰ (۲)

۵۰ (۱)

گلوله‌ای را با تندی اولیه  $v_0$  از سطح زمین در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می‌کنیم. اگر مقاومت هوا ناچیز باشد، نمودار انرژی جنبشی گلوله ( $K$ ) بر حسب انرژی پتانسیل گرانشی آن ( $U$ ) از لحظه پرتاب تا لحظه‌ای که گلوله به حداکثر ارتفاع خود از سطح زمین می‌رسد، مطابق کدام گزینه است؟ (سطح زمین را مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی در نظر بگیرید).



در شرایط خلأ، جسمی بدون تندی اولیه از ارتفاع معینی از سطح رها می‌شود. نمودار تغییرات انرژی جنبشی ( $K$ ) و انرژی مکانیکی جسم ( $E$ )، بر حسب اندازه جابه‌جایی آن ( $d$ )، کدام است؟



در شکل مقابل، گلوله آونگ از نقطه A رها می‌شود و با تندی  $v$  از پایین‌ترین نقطه مسیر می‌گذرد. هنگامی که تندی گلوله به  $v \frac{\sqrt{2}}{2}$  می‌رسد، زاویه نخ با راستای قائم چند درجه است؟ (از مقاومت هوا صرف‌نظر شود).

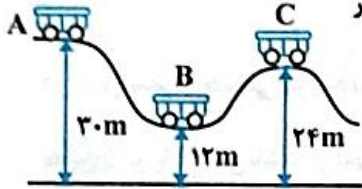
$$g = 10 \frac{m}{s^2} \text{ و } \cos 53^\circ = 0.6$$

۳۰ (۴)

۳۷ (۳)

۴۵ (۲)

۶۰ (۱)



- در شکل روبه‌رو اصطکاک ناچیز است و ارابه بدون تندی اولیه از حالت A رها می‌شود. نسبت تندی ارابه در حالت B به تندی آن در حالت C کدام است؟

۳ (۲)

$\sqrt{3}$  (۴)

۲ (۱)

$\sqrt{2}$  (۳)

انرژی درونی: به مجموع انرژی های ذره های تشکیل دهنده یک ماده انرژی درونی آن ماده می گویند.

✳ معمولاً با افزایش انرژی درونی جسم، دمای جسم افزایش می یابد.

کار و انرژی درونی: اگر در مسیر حرکت جسم به جز نیروهای وزن، کشسانی فنر و الکتریکی، نیروهای دیگری وارد شود و بر روی آن کار انجام دهد، انرژی مکانیکی جسم پایسته نمی ماند و تغییر می کند. در آن صورت:

$$E_1 \neq E_2$$

$$\Delta E \neq 0$$

پس داریم:

$$E_2 - E_1 = W_{\text{نیروی خارجی}} = \Delta K + \Delta U$$

✳ منظور از نیروی خارجی، نیروی اصطکاک، نیروی مقاومت هوا، نیروی دست و ... است. یعنی هر نیرویی به جز سه نیروی وزن و کشسانی فنر و الکتریکی. که معمولاً نیروهای خارجی همان نیروهای اتلافی هستند که سبب کاهش انرژی مکانیکی جسم می شوند.

سامانه منزوی: به سامانه ای که نه از بیرون انرژی می گیرد و نه به بیرون انرژی می دهد سامانه منزوی گفته می شود.

قانون پایستگی انرژی: در یک سامانه منزوی مجموع کل انرژی پایسته است، نمی توان آن را خلق یا نابود کرد بلکه فقط از یک شکل به شکل دیگر تبدیل می شود.

☞ نمونه سوالات مرتبط:

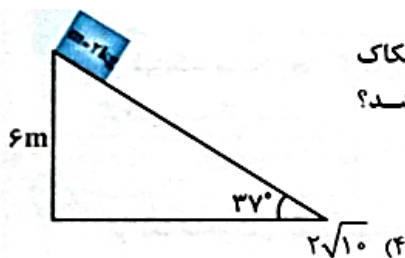
گلوله ای به جرم  $2 \text{ kg}$  را با تندی  $20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  از سطح زمین به طرف بالا پرتاب می کنیم. مقاومت هوا تا رسیدن گلوله به نقطه اوج،  $50 \text{ J}$  از انرژی آن می کاهد. اگر مقاومت هوا ناچیز بود، گلوله چند متر بالاتر می رفت؟ ( $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ )

۲۰ (۴)

۱۰ (۳)

۵ (۲)

۲/۵ (۱)



در شکل مقابل، جسم از بالاترین نقطه سطح شیب دار بدون تندی اولیه رها می شود. اگر نیروی اصطکاک جنبشی در طول مسیر  $4 \text{ N}$  باشد، تندی جسم در لحظه رسیدن به پایین سطح چند متر بر ثانیه خواهد شد؟

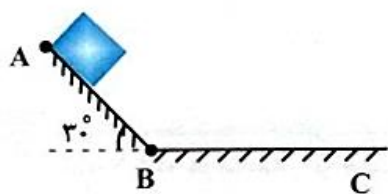
$$(\sin 37^\circ = 0.6, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

$2\sqrt{10}$  (۴)

$2\sqrt{5}$  (۳)

$4\sqrt{10}$  (۲)

$4\sqrt{5}$  (۱)



مطابق شکل زیر، در شرایط خلأ جسمی را از نقطه A و از حالت سکون رها می‌کنیم تا روی یک سطح شیب‌دار بدون اصطکاک به نقطه B برسد و متوسط نیروی اصطکاک جنبشی در طول مسیر BC،  $f_k$  است. اگر جسم در نقطه C متوقف شود و  $BC = 2AB$  باشد،

مقدار  $\frac{f_k}{mg}$  کدام است؟

$\frac{1}{5}$  (۴)

$\frac{1}{4}$  (۳)

$\frac{1}{3}$  (۲)

$\frac{1}{2}$  (۱)

توان: به آهنگ انجام کار (یا کار انجام شده در واحد زمان) توان می گویند.

توان متوسط: نسبت کار انجام شده به بازه زمانی کار را توان متوسط می گوئیم که از رابطه زیر بدست می آید:

$$\bar{P} = \frac{W}{\Delta t} \quad \left\{ \begin{array}{l} W : (\text{J}) \text{ کار انجام شده بر حسب ژول} \\ \Delta t : (\text{s}) \text{ بازه زمانی انجام کار بر حسب ثانیه} \\ \bar{P} : (\text{W}) \text{ توان بر حسب ژول بر ثانیه یا وات} \end{array} \right.$$

✳️ توان کمیته نرده ای بوده و با نماد  $P$  نشان می دهیم و یکانی آن ژول بر ثانیه  $\text{J/s}$  است که به اختصار به آن  $W$  وات می گوئیم.

✳️ اگر یک متحرک با تندی ثابت  $v$  در یک مسیر مستقیم حرکت کند، توان نیروی ثابت  $F$  که بر این متحرک وارد می شود برابر است با:

$$\left\{ \begin{array}{l} W = Fd \cos \theta \\ d = vt \end{array} \right. \Rightarrow P = \frac{W}{t} = \frac{Fvt \cos \theta}{t} \Rightarrow P = Fv \cos \theta$$

بازده: نسب کار مفید به کل کار انجام شده در یک سامانه (یا نسبت انرژی خروجی به انرژی ورودی) را بازده می گویند.

✳️ هر سامانه ای فقط بخشی از انرژی که به آن وارد شده را به انرژی مورد نظر ما تبدیل می کند و نمی تواند تمام انرژی را به کار و انرژی مفید

تبدیل کند. به عبارتی بازده هیچ سامانه ای ۱۰۰ درصد نیست.

$$\text{بازده بر حسب درصد} = \frac{\text{انرژی خروجی}}{\text{انرژی ورودی}} \times 100$$

$$\text{بازده بر حسب درصد} = \frac{P_{\text{مفید}}}{P_{\text{کل}}} = \frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{ورودی}}} \times 100$$

با توجه به اینکه برای کار و توان تلف شده می توان نوشت:

$$W_{\text{تلف شده}} = W_{\text{کل}} - W_{\text{مفید}}$$

$$P_{\text{تلف شده}} = P_{\text{کل}} - P_{\text{مفید}}$$

پس داریم:

$$\text{بازده بر حسب درصد} = \frac{W_{\text{کل}} - W_{\text{تلف}}}{W_{\text{کل}}} \times 100 = \left(1 - \frac{W_{\text{تلف}}}{W_{\text{کل}}}\right) \times 100 = \frac{W_{\text{مفید}}}{W_{\text{مفید}} + W_{\text{تلف}}} \times 100$$

$$\text{بازده بر حسب درصد} = \frac{P_{\text{کل}} - P_{\text{تلف}}}{P_{\text{کل}}} \times 100 = \left(1 - \frac{P_{\text{تلف}}}{P_{\text{کل}}}\right) \times 100 = \frac{P_{\text{مفید}}}{P_{\text{مفید}} + P_{\text{تلف}}} \times 100$$

☞ نمونه سوالات مرتبط:

ژول بر ثانیه معادل با واحد کدام کمیت فیزیکی است؟

- (۱) انرژی (۲) کار (۳) توان (۴) شتاب

یک پمپ الکتریکی در هر دقیقه ۱۲۰۰ کیلوگرم آب را به سطحی به ارتفاع ۵۰ متر می‌رساند. توان پمپ چند وات است؟ ( $g = 10 \text{ N/kg}$ )

- (۱)  $10^3$  (۲)  $10^4$  (۳) ۲۴۰ (۴) ۲۴۰۰

یک موتور الکتریکی با بازده ۶۰ درصد یک بالابر به جرم  $400 \text{ kg}$  را با تندی ثابت  $2/4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  بالا می‌برد. اگر اندازه نیروی اصطکاک در مقابل

حرکت بالابر برابر با ۲۵ درصد وزن آن باشد، توان ورودی موتور الکتریکی چند کیلووات است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

- (۱) ۱۲ (۲) ۱۶ (۳) ۸ (۴) ۲۰

توان مصرفی یک موتور الکتریکی ۴۰۰ وات و بازده آن ۷۵٪ است. در هر دقیقه چند کیلوژول انرژی الکتریکی در آن به انرژی گرمایی تبدیل می‌شود؟

- (۱)  $1/44$  (۲) ۴ (۳)  $4/32$  (۴) ۶

توان یک تلمبه برقی ۲ کیلووات و بازده آن ۹۵٪ است. این تلمبه در هر دقیقه چند کیلوگرم آب را از عمق ۹/۵ متر بالا می‌آورد؟ ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ )

- (۱)  $1/2 \times 10^4$  (۲)  $1/2 \times 10^3$  (۳) ۲۰۰ (۴) ۲۰

- یک موتور برقی، در یک کابل جرثقیل کششی برابر ۴۵۰۰ نیوتون ایجاد می‌کند و آن را با تندی ثابت  $2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  به دور قرقره‌اش می‌پیچد. توان این موتور چند کیلووات است؟

۹ (۴)

۴/۵ (۳)

۲/۲۵ (۲)

۱/۵ (۱)

- اتومبیلی به جرم  $900 \text{ kg}$  در یک جاده افقی روی خط راست از حال سکون شروع به حرکت می‌کند و پس از  $10 \text{ s}$  تندی آن به  $72 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  می‌رسد. توان متوسط اتومبیل چند کیلووات است؟ (نیروی مقاوم در مقابل حرکت اتومبیل را نادیده بگیرید.)

۳۶ (۴)

۳۰ (۳)

۱۸ (۲)

۹ (۱)