

اگرچه نیت خوبی است زیستن ...  
اما خوشا که دست به تصمیم بهتری بزنیم!

 [www.konkursara.com](http://www.konkursara.com)

 ۰۲۱۵۵۷۵۶۵۰۰

دانلود بهترین جزوات در

**کنکورسرا**

کنکورسرا

مرجع تخصصی قبولی آزمون فرهنگیان و آزمون استخدامی آموزش و پرورش

به نام خدا

فایل پیش رو به منظور تسهیل در آموزش درس فیزیک توسط گروه فیزیک استان فارس و همراهی صمیمانه جناب آقای امینی نسب و خانم زهرا علی اکبری آماده شده تا در اختیار دانش آموزان مناطق محروم و کم امکانات قرار بگیرد و در راستای برقراری عدالت آموزشی قدمی برداشته شود. این فایل توسط دبیرخانه کشوری راهبری درس فیزیک بازبینی و خلاصه شده و سعی شده تا خطاهای علمی و محاسباتی نداشته باشد. با توجه به کمبود وقت امکان خطاهای سهوی وجود دارد که خواهشمند است این موارد را به دبیرخانه کشوری راهبری درس فیزیک منتقل نمائید.

با آرزوی سلامتی برای همه دلسوزان عرصه تعلیم و تربیت...

فیزیک یازدهم

«فصل اول - رشته های علوم ریاضی و علوم تجربی»

الکتریسته ساکن

تعریف بار الکتریکی : کوچکترین باری که در طبیعت وجود دارد، بار الکتریکی الکترون و یا پروتون است که آنرا با نماد ( $e$ ) نمایش می دهند و مقدار آن برابر  $1/6 \times 10^{-9} C$  است.

نکته: مقدار بار الکتریکی جسم از رابطه  $q = \pm ne$  بدست می آید، (علامت + موقعی که جسم الکترون از دست بدهد، علامت - موقعی که جسم الکترون دریافت کند. از آنجا که تعداد الکترون های جابه جا شده همواره عدد درستی است، بار الکتریکی کمیته ناپیوسته است. یعنی بار الکتریکی یک جسم نمی تواند  $1/25e$  و ... باشد. ( $e$ ) را بار پایه (کوانتوم بار) می نامیم.

اصل كوانتیده بودن بار الكتريكي: بار الكتريكي همواره مضرب درستی از بار پایه یعنی الكترون ( $-e$ ) و بار پروتون ( $+e$ ) كه در اتمهای ماده وجود دارد، است. يك جسم نمی تواند بار الكتريكي  $5 \times 10^{-19} C$  داشته باشد، ولی می تواند بار الكتريكي  $8 \times 10^{-19} C$  داشته باشد. زیرا:

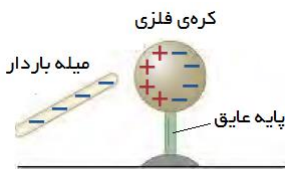
$$\begin{cases} q = 5 \times 10^{-19} C \Rightarrow n = \frac{q}{e} = \frac{5 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 3 / 125 \\ q = 8 \times 10^{-19} C \Rightarrow n = \frac{q}{e} = \frac{8 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 5 \end{cases}$$

روشهای باردار کردن اجسام:

**روش مالش:** در این روش، در اثر مالش دو ماده، تعدادی الكترون از یکی جدا شده و به دیگری انتقال می یابد. مثلاً اگر يك میله پلاستیكي را با پارچه پشمی مالش دهیم، میله دارای بار منفی و پارچه پشمی به همان اندازه دارای بار مثبت می شود و هر گاه يك میله شیشه ای را با پارچه ابریشمی مالش دهیم، میله دارای بار مثبت و پارچه ابریشمی به همان اندازه دارای بار منفی می شود، این روش معمولاً برای باردار کردن اجسام نارسانا بكار می رود. در این روش؛ دو جسم دارای بار الكتريكي **هم اندازه ولی ناهمنام** می شوند.

سری تریبو الكتريك (سری الكتريسته ی مالشی): مثبت یا منفی شدن اجسام در اثر مالش به يكدیگر، بر اساس جدول سری تریبو الكتريك مشخص می شود. توضیحات بیشتر را می توانید در صفحه ۴ كتاب بیابید. (جدول ۱-۱)

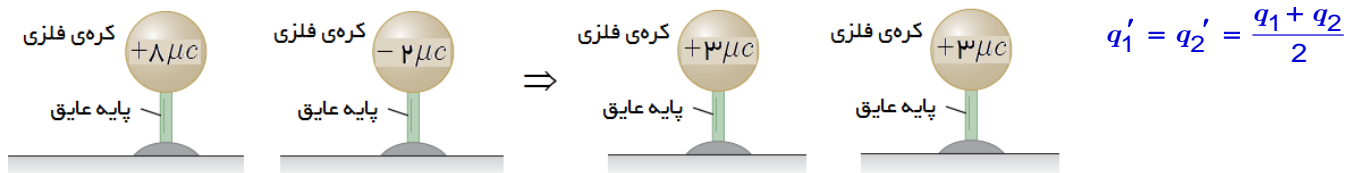
**باردار کردن با روش تماس:** هر گاه يك جسم رسانای باردار را با يك جسم رسانای خنثی تماس دهیم، مقداری بار از جسم باردار به جسم خنثی منتقل شده و بار هر دو همنام شده و يكدیگر را می رانند. در این روش هر دو جسم باید رسانا باشند.



**باردار کردن به روش القاء:** در این روش مطابق شکل، يك جسم باردار را به جسم رسانای بدون باری نزدیک می کنند. در اثر القاء، جسم دارای بار مثبت و منفی القایی می شود كه بنا به قانون پایستگی بار الكتريكي، مقدار بار مثبت و منفی القاء شده برابر است. ایجاد بار در رساناها بدون تماس آنها با يكدیگر را القای بار الكتريكي گویند و بارهای ایجاد شده را بار القایی گویند.

اصل پایستگی بار الكتريكي (قانون بقای بار): بر اثر مالش دو جسم به يكدیگر، بار الكتريكي آفریده یا نابود نمی شود، بلکه مقداری بار از يك جسم به جسم دیگر منتقل می شود و دو جسم باردار می شوند ولی بار كل دو جسم ثابت می ماند.

اگر دو كره ی مشابه روی پایه های عایقی داشته باشیم، و آنها را با سیم نازکی به هم متصل کنیم؛ بار آنها پس از تعادل به صورت زیر محاسبه می شود.



۱- با توجه به جدول تریبو الکتریک، اگر یک میله‌ی شیشه‌ای را با پارچه ابریشمی مالش دهیم:

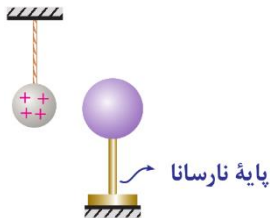
(۱) پروتون‌ها از پارچه کنده می‌شوند و روی میله‌ی شیشه‌ای قرار می‌گیرند

(۲) پروتون‌ها از میله کنده می‌شوند و روی پارچه قرار می‌گیرند.

(۳) الکترون‌ها از میله کنده می‌شوند و روی پارچه قرار می‌گیرند.

(۴) الکترون‌ها از پارچه کنده می‌شوند و روی میله قرار می‌گیرند.

۲- مطابق شکل زیر، یک کره فلزی بدون بار الکتریکی را که روی پایه‌ی نارسانایی قرار دارد، به آونگ الکتریکی بارداری نزدیک می‌کنیم. در ابتدا برای گلوله باردار چه اتفاقی می‌افتد؟ (جرم نخ ناچیز و بار الکتریکی گلوله ثابت است و گلوله با کره‌ی فلزی تماس داده نمی‌شود).



(۱) گلوله به طرف کره منحرف می‌شود.

(۲) گلوله از کره دور می‌شود.

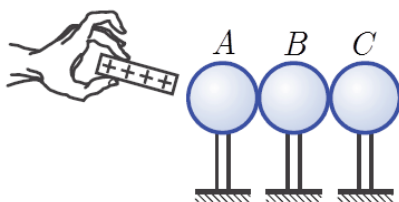
(۳) گلوله در راستای افقی نوسان می‌کند.

(۴) گلوله به همان صورت ساکن می‌ماند.

۳- مطابق شکل زیر، میله‌ای با بار مثبت در مجاورت سه کره‌ی فلزی مشابه  $A$ ،  $B$  و  $C$  که بر روی پایه‌های عایقی

قرار دارند، می‌باشد. در کدام حالت کره‌ی  $C$  دارای بار مثبت و کره‌های  $A$  و  $B$

دارای بار منفی می‌شوند؟



(۱) ابتدا  $A$  را از مجموعه دور می‌کنیم و سپس میله را دور کرده و  $B$  و  $C$  را

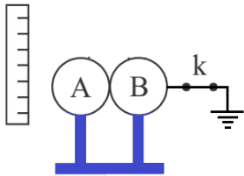
جدا می‌کنیم.

(۲) ابتدا  $C$  را از مجموعه دور می‌کنیم و سپس میله را دور کرده و  $A$  و  $B$  را جدا می‌کنیم.

(۳) میله را ثابت نگه می‌داریم و سپس  $A$ ،  $B$  و  $C$  را جدا می‌کنیم.

(۴) ابتدا میله را دور کرده و سپس  $A$ ،  $B$  و  $C$  را جدا می‌کنیم.

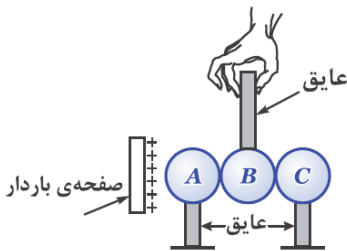
پاسخ: گزینه ۲ درست است. نزدیکترین نقطه به میله با بار مثبت، یعنی در کره‌ی  $A$  به روش القا، بار منفی ایجاد می‌شود، و در دورترین نقطه از میله، یعنی در کره‌ی  $C$  بار مثبت ایجاد می‌شود؛ اکنون اگر پایه‌ی کره‌ی  $C$  را گرفته و جدا سازیم، بار کره  $C$  مثبت و بار دو کره‌ی دیگر منفی خواهد شد. با دور کردن میله، بار مثبت کره‌ی  $C$  بر روی سطح خارجی پخش شده و بار منفی نیز بر روی دو کره‌ی  $A$  و  $B$  پخش می‌شود.



۴- در شکل مقابل، کره رسانای  $B$  به زمین متصل است. ابتدا کلید  $K$  را قطع و کره  $B$  را از کره  $A$  جدا می‌کنیم و سپس میله باردار را دور می‌کنیم. بار الکتریکی کره  $A$  و  $B$  به ترتیب چگونه است؟

- (۱) مثبت - مثبت (۲) مثبت - خنثی (۳) مثبت - منفی (۴) منفی - خنثی

پاسخ: گزینه ۲ صحیح است. در اثر القا ابتدا بار کره‌های  $A$  و  $B$  به ترتیب مثبت و منفی می‌شود، به دلیل اتصال کره  $B$  به زمین بار منفی آن به زمین می‌رود. و با جداسازی کره  $B$ ، این کره بدون بار می‌ماند. پس کره  $A$  مثبت و کره  $B$  خنثی است.



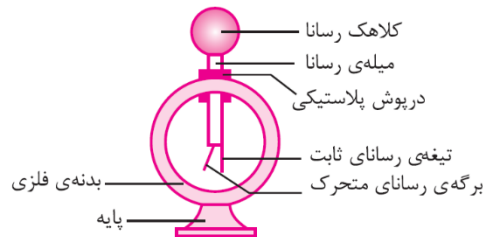
۵- سه کره فلزی  $A$ ،  $B$  و  $C$  در تماس با یکدیگر و مجاور صفحه‌ی باردار قرار دارند. اگر ابتدا کره‌ی  $B$  را از بین دو کره خارج نموده و دور کنیم و سپس صفحه‌ی باردار را به فاصله‌ی خیلی دور انتقال دهیم، کدام گزینه در مورد بار نهایی دو کره‌ی  $A$  و  $C$  درست است؟

$$(۲) \quad |q_A| > |q_C|, q_C > 0, q_A < 0$$

$$(۱) \quad |q_A| = |q_C|, q_C > 0, q_A < 0$$

$$(۴) \quad |q_A| < |q_C|, q_C < 0, q_A > 0$$

$$(۳) \quad |q_A| = |q_C|, q_C < 0, q_A > 0$$



الکتروسکوپ یا برق‌نما: وسیله‌ای است متشکل از یک کلاهک فلزی که یک میله فلزی به آن متصل است و در سر دیگر میله دو ورقه‌ی نازک فلزی (یا یک ورقه) قرار دارد. که میله و ورقه‌ها در یک ظرف شیشه‌ای قرار دارند.

هر گاه جسم باردار به کلاهک الکتروسکوپ بدون باری نزدیک شود، در اثر القاء کلاهک، ورقه‌ها باردار شده، سبب رانش ورقه‌ها و دور شدن آنها شده و مشخص می‌شود که جسم باردار است.

هر گاه به الکتروسکوپ باردار، یک جسم باردار، دارای بار همنام با الکتروسکوپ را به آرامی نزدیک کنیم، انحراف ورقه‌های الکتروسکوپ بیشتر می‌شود.

هر گاه به الکتروسکوپ باردار، جسمی با بار غیرهمنام الکتروسکوپ را به آرامی نزدیک کنیم، ورقه‌های الکتروسکوپ بسته و دوباره باز می‌شوند.

هر گاه جسم خنثی به الکتروسکوپ باردار نزدیک کنیم، ورقه‌ها ابتدا بسته و سپس باز می‌شوند.

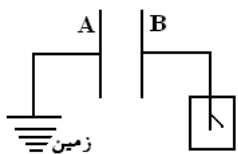
هر گاه جسم بدون باری را به کلاهک الکتروسکوپ باردار تماس دهیم، اگر انحراف ورقه‌ها تغییر محسوسی نکند، جسم نارسناست و اگر انحراف ورقه‌ها کم شود و یا حتی از بین برود، جسم رساناست.

۶- میله‌ای با بار الکتریکی مثبت را به آرامی به کلاهک الکتروسکوپ نزدیک می‌کنیم. ورقه‌های الکتروسکوپ ابتدا بسته و سپس از هم باز می‌شوند. بار الکتریکی الکتروسکوپ از چه نوع بوده است؟

(۱) مثبت (۲) منفی (۳) خنثی یا مثبت (۴) منفی یا خنثی

پاسخ: گزینه (۲) صحیح است.

۸- دو صفحه‌ی A و B مطابق شکل، موازی هم قرار دارند. صفحه‌ی A را به زمین و صفحه‌ی B را به الکتروسکوپ وصل کرده‌ایم. ورقه‌های الکتروسکوپ باز هستند. اگر یک صفحه‌ی شیشه‌ای بدون بار را بین این دو صفحه وارد کنیم، انحراف ورقه‌های الکتروسکوپ:



(۱) کم می‌شود. (۲) ابتدا کم و سپس زیاد می‌شود. (۳) زیاد می‌شود. (۴) تغییر نمی‌کند.

پاسخ: گزینه ۲ صحیح است. به دلیل دو قطبی شدن دی‌الکتریک بین صفحات، بار صفحات بیشتر می‌شود، چون یکی از صفحات بار الکتروسکوپ را تأمین می‌کند؛ بنابراین مقداری از بار الکتروسکوپ کاهش یافته و انحراف ورقه‌های آن کم می‌شود و حتی ممکن است با انتقال تمام بار ورقه‌ها به صفحه‌های خازن ورقه‌ها بسته شده و پس از آن در اثر تراکم بار دوباره باز شوند.

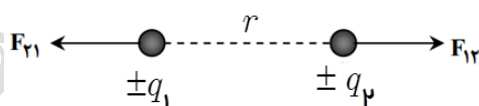
قانون کولن: بزرگی نیروی الکتریکی ربایشی یا رانشی بین دو ذره با بارهای  $q_1$  و  $q_2$  که در فاصله  $r$  از یکدیگر قرار دارند، با حاصلضرب اندازه (بزرگی) بار دو ذره نسبت مستقیم و با مجذور فاصله دو ذره از هم، نسبت وارون دارد.

$$F = K \frac{|q_1| \times |q_2|}{r^2}, \quad \epsilon_0 \cong 8 / 85 \times 10^{-12} \frac{C^2}{N \cdot m^2}, \quad K = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cong 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$$

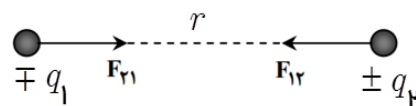
نکته: در رابطه قانون کولن، تمام کمیتها در دستگاه SI جایگذاری می‌شوند، یعنی نیرو بر حسب نیوتن (N)، اندازه‌ی بارهای الکتریکی بر حسب کولن (C) و فاصله‌ی بین دو بار الکتریکی بر حسب متر (m) باید جایگذاری شوند.

• نکته: طبق قانون سوم نیوتن نیروهای الکتریکی که دو ذره باردار به هم وارد می‌کنند هم اندازه و در خلاف

جهت یکدیگرند. یعنی:  $\vec{F}_2 = -\vec{F}_1$  و  $|\vec{F}_2| = |\vec{F}_1| = F$



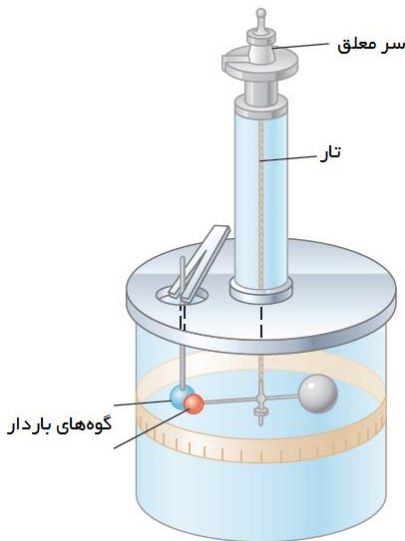
$q_1 q_2 > 0 \Rightarrow F > 0$  نیروی رانشی



$q_1 q_2 < 0 \Rightarrow F < 0$  نیروی ربایشی

۹- سازوکار ترازوی پیچشی را شرح دهید، این آزمایش اولین بار توسط چه کسی بنا شد و هدف از آن چیست؟





در یک سر میله نارسانای سبک افقی، یک گوی باردار مثبت کوچک و در سر دیگر آن، یک قرص جهت حفظ تعادل قرار دارد. میله از وسط توسط یک رشته سیم کشسان و نازک آویخته شده است. یک گوی با بار منفی از حفره‌ای به داخل استوانه شیشه‌ای برده می‌شود. درجه‌هایی بر سطح استوانه حک شده است که میزان چرخش میله را نشان می‌دهد. نیروی موثر بین این بارها از اندازه گیری زاویه چرخش تا رسیدن به حالت تعادل بدست می‌آید.

این آزمایش اولین بار توسط دانشمندی فرانسوی به نام شارل آگوستین کوئن، جهت محاسبه‌ی بزرگی نیروی بین دو بار الکتریکی بنا شد و یکای بار الکتریکی به افتخار این دانشمند فرانسوی، کولن نامیده می‌شود.

نکته (۱) تکنیک ۹۰: برای سادگی محاسبات می‌توان قانون کولن را به صورت  $F = 90 \frac{|q_1| \times |q_2|}{r^2}$  نوشت؛ اما توجه کنید در این رابطه، اندازه‌ی بارها بر حسب  $\mu C$  و فاصله بر حسب  $cm$  جایگذاری شود.

نکته (۲) نسبت نیروی کولنی در دو حالت مختلف:  $\frac{F'}{F} = \frac{|q'_1| \times |q'_2|}{|q_1| \times |q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2$

۱۰- دو بار نقطه‌ای  $q_1$ ،  $q_2$  ( $q_1 > q_2$ ) در فاصله‌ی ۲ از یکدیگر قرار دارند. نیروئی که  $q_1$  بر  $q_2$  اعمال می‌کند را  $F_{12}$  و نیروئی که  $q_2$  بر  $q_1$  وارد می‌کند را  $F_{21}$  می‌نامیم. در این صورت کدام گزینه صحیح می‌باشد؟

$$F_{12} > F_{21} \quad (1) \quad F_{12} = F_{21} \quad (2)$$

$$F_{12} < F_{21} \quad (3) \quad (4) \text{ هر سه گزینه می‌تواند صحیح باشد.}$$

پاسخ: گزینه ۲ صحیح است. طبق قانون سوم نیوتن، نیرویی که بار  $q_1$  بر  $q_2$  اعمال می‌کند، برابر است با نیرویی که بار  $q_2$  بر  $q_1$  اعمال می‌کند؛ زیرا نیرو با حاصلضرب بارها متناسب است.

۱۱- اگر اندازه بارهای هر یک از دو بار الکتریکی نقطه‌ای را ۳ برابر و فاصله بین آنها را نیز ۳ برابر کنیم، نیروی الکتریکی بین آنها چند برابر می‌شود؟

$$9(4)$$

$$3(3)$$

$$1(2)$$

$$\frac{1}{3}(1)$$

پاسخ: گزینه ۲ صحیح است.  $\frac{F'}{F} = \frac{|q'_1| \times |q'_2|}{|q_1| \times |q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{3q_1 \times 3q_2}{|q_1| \times |q_2|} \times \left(\frac{r}{3r}\right)^2 = 1$

۱۲- نیروئی که دو بار نقطه‌ای  $+q$  از فاصله‌ی  $r$  بر یکدیگر وارد می‌کنند، برابر  $960N$  است. اگر  $3\mu C$  از یکی برداریم و بر دیگری بیافزاییم؛ نیروئی که دو بار جدید در همان فاصله به یکدیگر وارد می‌کنند،  $900N$  می‌شود.  $q$  چند میکروکولن است؟

24 (۴)

13 (۳)

12 (۲)

6 (۱)

پاسخ: گزینه ۲ صحیح است.

$$\left\{ \begin{array}{l} q_1 = q_2 = q \\ q'_1 = (q - 3), \quad q'_2 = (q + 3) \end{array} \right. \quad \frac{F'}{F} = \frac{|q'_1| \times |q'_2|}{|q_1| \times |q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \Rightarrow \frac{900}{960} = \frac{|q-3| \times |q+3|}{|q| \times |q|} \Rightarrow \frac{90}{96} = \frac{(q^2 - 9)}{q^2}$$

$$\Rightarrow 30q^2 = 32q^2 - 288 \Rightarrow 2q^2 = 288 \Rightarrow q^2 = 144 \Rightarrow q = 12\mu C$$

۱۳- دو کره فلزی خیلی کوچک و مشابه دارای بار الکتریکی ناهمنام  $q_1 > 0$  و  $|q_2| > q_1$  هستند و در فاصله  $60cm$  هم قرار دارند و بر هم نیروی الکتریکی  $9N/0$  وارد می‌کنند. اگر کره‌ها را به هم تماس دهیم و دوباره به همان فاصله قبلی از هم دور کنیم، نیروی الکتریکی  $1/6N$  به هم وارد می‌کنند.  $q_1$  چند میکروکولن است؟

(سراسری تجربی خارج از کشور - ۹۹)  $(K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$

20 (۴)

10 (۳)

2 (۲)

1 (۱)

پاسخ: گزینه ۲ صحیح است. چون بار الکتریکی دو کره ناهمنام است، بعد از تماس مقدار بار هر یک برابر با

است و بار هر دو در حالت جدید منفی خواهد بود.

$$\frac{|q_2| - q_1}{2}$$

$$F = K \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 0/9 = \frac{90 \times |q_1| \times |q_2|}{3600} \Rightarrow |q_1| \times |q_2| = 36 \\ 1/6 = \frac{90 \times (|q_2| - q_1)^2}{4 \times 3600} \Rightarrow (|q_2| - q_1) = 16 \end{array} \right. \Rightarrow q_1 = 2\mu C$$

۱۴- دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2 = 2q_1$  در فاصله  $r$  از هم قرار دارند و به هم نیروی دافعه وارد می‌کنند. چند درصد از بار  $q_2$  را به  $q_1$  منتقل کنیم، تا در همان فاصله، نیروی دافعه بین بارهای الکتریکی بیشینه شود؟ (سراسری ریاضی خارج از کشور - ۹۵)

50 (۴)

40 (۳)

25 (۲)

15 (۱)

پاسخ: گزینه ۲ صحیح است. در هنگام رد و بدل کردن بار برای دو بار هم نامی که در فاصله‌ی ثابتی از هم قرار دارند، هنگامی نیروی دافعه بیشینه می‌گردد که بار هر کدام برابر میانگین بار کلشان شود.

$$\left. \begin{array}{l} q_1 \\ q_2 = 2q_1 \end{array} \right\} \Rightarrow q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{q_1 + 2q_1}{2} = \frac{3}{2}q_1$$



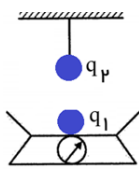
هر وقت درصد تغییر یک کمیت را خواستند، مقدار اولیه و ثانویه آن کمیت را حساب می‌کنیم و طبق رابطه‌ی زیر

$$\text{داریم: مثلاً درصد تغییر کمیتی به نام } x \text{ برابر است با: } \frac{x_2 - x_1}{x_1} \times 100$$

درصد تغییرات بار الکتریکی برابر است با:

$$\frac{q_2' - q_2}{q_2} \times 100 = \frac{\frac{3}{2}q_1 - 2q_1}{2q_1} \times 100 = \frac{-1}{4} \times 100 = -25\%$$

۱۵- مطابق شکل، دو گلوله کوچک و یکسان به جرم‌های  $0/3 \text{ kg}$  یکی از نخ‌ی عایق آویزان و دیگری روی یک



نیروسنج به حال تعادل قرار دارند. چنانچه بار هر گلوله  $5 \mu\text{C}$  و فاصله آنها از هم  $30 \text{ cm}$  باشد، به ترتیب از راست به چپ، نیروی کشش نخ و عدد نیروسنج چند نیوتن است؟

$$\cdot (K = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

۳ و ۰/۵(۴)

۵/۵ و ۲(۳)

۵/۵ و ۰/۵(۲)

۳ و ۲(۱)

پاسخ: گزینه ۲ صحیح است. برای گلوله بالایی داریم:

$$T + F = mg = 0/3 \times 10 = 3 \text{ N}$$

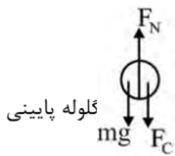
$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} = 9 \times 10^9 \frac{5 \times 10^{-6} \times 5 \times 10^{-6}}{(30 \times 10^{-2})^2} = 2/5 \text{ N}$$

$$T + 2/5 = 3 \Rightarrow T = 0/5 \text{ N}$$

$$F_N = mg + F_C = 3 + 2/5 = 5/5 \text{ N} \text{ برای گلوله پایینی داریم:}$$



گلوله بالایی



گلوله پایینی

اصل برهم نهی نیروهای الکتریکی: نیروی الکتریکی وارد بر هر ذره، برآیند نیروهایی است که هر یک از ذرات، در غیاب سایر ذرات، بر آن ذره وارد می‌کنند. مثلاً فرض کنید  $n$  ذره‌ی باردار داشته باشیم، که در نزدیکی بار نقطه‌ای  $q_0$  قرار دارند. آنگاه نیروی خالص وارد بر بار نقطه‌ای  $q_0$  به صورت جمع برداری بدست می‌آید.

$$\vec{F}_{T_0} = \vec{F}_{1_0} + \vec{F}_{2_0} + \vec{F}_{3_0} + \dots + \vec{F}_{n_0}$$

گامهای اساسی حل مسائل برهم نهی نیروی الکتریکی

(۱) اندازه نیروی الکتریکی ناشی از تک تک بارها را بر بار مورد نظر محاسبه می‌کنیم.

(۲) جهت نیروی الکتریکی هر بار را بر بار مورد نظر رسم می‌کنیم.

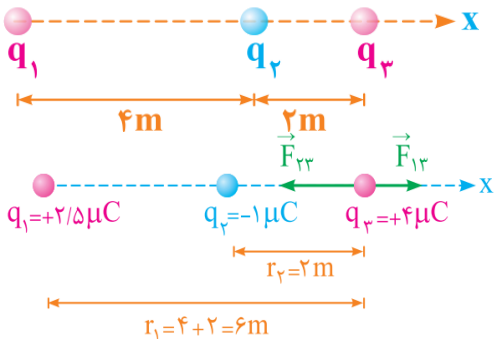
(۳) اندازه و جهت نیروی برآیند را محاسبه می‌کنیم.

۱۶- مطابق شکل روبرو، سه ذره با بارهای الکتریکی  $q_1 = +2/5 \mu\text{C}$ ،  $q_2 = -1 \mu\text{C}$  و  $q_3 = +4 \mu\text{C}$  بر روی محور

$x$  ثابت شده‌اند. بردار برآیند نیروی الکتریکی وارد بر بار  $q_3$  در  $SI$  را بر حسب بردارهای یکه به دست آورید.

$$(K = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2})$$

پاسخ:

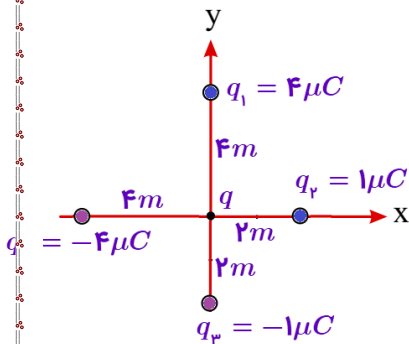


$$F_{21} = k \frac{|q_1||q_2|}{r_1^2} = 9 \times 10^9 \frac{(2/5 \times 10^{-6})(4 \times 10^{-6})}{6^2} \Rightarrow F_{21} = 2/5 \times 10^{-3} N \Rightarrow \vec{F}_{21} = 2/5 \times 10^{-3} \vec{i}$$

$$F_{31} = k \frac{|q_1||q_3|}{r_1^2} = 9 \times 10^9 \frac{(1 \times 10^{-6})(4 \times 10^{-6})}{2^2} \Rightarrow F_{31} = 9 \times 10^{-3} N \Rightarrow \vec{F}_{31} = -9 \times 10^{-3} \vec{i}$$

$$\vec{F}_T = \vec{F}_{21} + \vec{F}_{31} = 2/5 \times 10^{-3} \vec{i} + (-9 \times 10^{-3} \vec{i}) \Rightarrow \vec{F}_T = -6/5 \times 10^{-3} \vec{i}$$

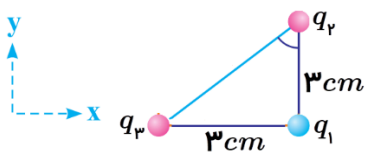
۱۷- در شکل مقابل، بزرگی برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q = 8 \mu C$  چند میلی نیوتن است؟  $(K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$



- (۴)  $36\sqrt{2}$  (۳)  $18\sqrt{2}$  (۲)  $U$  (۱)  $18$

پاسخ: گزینه ۳ صحیح است.

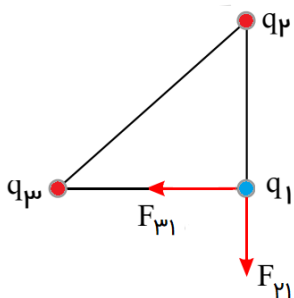
۱۸- مطابق شکل سه بار الکتریکی  $q_1 = -4nC$ ،  $q_2 = -8nC$  و در سه رأس مثلث قائم الزاویه‌ای ثابت شده‌اند. برآیند نیروهای وارد بر بار  $q_1$  بر حسب میکرونیوتن و به صورت بردارهای یکه کدام



است؟  $(K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$

- (۱)  $-320\vec{i} - 480\vec{j}$  (۲)  $+320\vec{i} - 480\vec{j}$  (۳)  $-320\vec{i} - 480\vec{j}$  (۴)  $+480\vec{i} - 320\vec{j}$

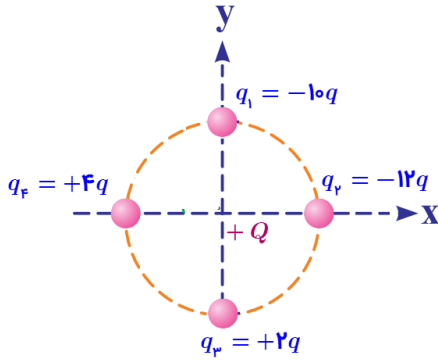
پاسخ: گزینه ۳ صحیح است. با توجه به شکل مقابل و علامت بردارهای  $\vec{F}_{21}$  و  $\vec{F}_{31}$ ، بردار برآیند به صورت  $\vec{F}_T = -F_{31}\vec{i} - F_{21}\vec{j}$  خواهد بود، داریم:



$$F_{21} = k \frac{|q_1||q_2|}{r_2^2} = 9 \times 10^9 \frac{(4 \times 10^{-9})(8 \times 10^{-9})}{9 \times 10^{-4}} = 32 \times 10^{-5} = 320 \mu N$$

$$F_{31} = k \frac{|q_3||q_1|}{r_3^2} = 9 \times 10^9 \frac{(4 \times 10^{-9})(12 \times 10^{-9})}{9 \times 10^{-4}} = 48 \times 10^{-5} = 480 \mu N$$

۱۹- مطابق شکل چهار بار روی محیط دایره و بار  $Q$  در مرکز دایره قرار دارد. اگر بزرگی نیرویی که بار  $q$  به بار  $Q$  در مرکز دایره وارد می کند،  $F$  باشد؛ بزرگی نیروی برآیند وارد بر بار  $Q$  در مرکز دایره چند  $F$  است؟



- (۱) 28 (۲)  $8\sqrt{2}$  (۳) 8 (۴) ۴

20

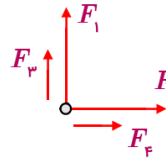
پاسخ: گزینه ۴ صحیح است. با توجه به شکل مقابل و علامت بار  $Q$  به صورت مقابل است. اندازه این نیروها عبارت است از:

$$F_1 = 10F, F_2 = 12F, F_3 = 2F, F_4 = 4F$$

با توجه به عمود بودن دو نیروی  $F_1$  و  $F_3$  بر دو نیروی  $F_2$  و  $F_4$

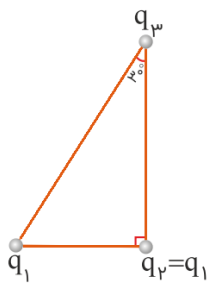
$$F_T = \sqrt{(12F)^2 + (16F)^2} = 20F$$

$F_4$  داریم:



۲۰- سه ذره باردار در سه رأس یک مثلث قائم الزاویه قرار دارند. بزرگی نیروی الکتریکی که بار  $q_1$  بر  $q_2$  وارد می کند،  $F_1$  و بزرگی نیروی الکتریکی که  $q_2$  بر  $q_3$  وارد می کند،  $F_2$  است. در صورتی که  $F_1 = F_2$  باشد، بزرگی نیرویی که  $q_1$  بر  $q_3$  وارد می کند، چند برابر  $F_1$  است؟ (سراسری)

ریاضی خارج از کشور - ۹۸

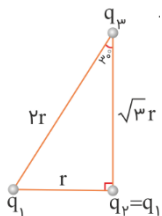


- (۱)  $\frac{3}{4}$  (۲) ۱ (۳)  $\frac{4}{3}$  (۴)  $\frac{3}{2}$

$$F_1 = F_2 \Rightarrow \frac{kq_1q_2}{r^2} = \frac{kq_2q_3}{3r^2} \Rightarrow q_1 = \frac{q_3}{3} \Rightarrow q_3 = 3q_1$$

پاسخ: گزینه ۱ صحیح است.

$$\frac{F_3}{F_1} = \frac{\frac{kq_1q_3}{4r^2}}{\frac{kq_1q_2}{r^2}} = \frac{q_1 \times 3q_1}{q_1 \times q_1} \times \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$$



میدان الکتریکی (کیفی): در فضای اطراف هر جسم باردار خاصیتی بوجود می آید، که هر گاه جسم باردار دیگری در آن فضا قرار گیرد تحت تاثیر قرار می گیرد، به این خاصیت میدان الکتریکی می گویند.

تعریف کمی میدان الکتریکی: نیروی وارد بر یکای بار الکتریکی مثبت را در هر نقطه، میدان الکتریکی در آن نقطه

می نامیم. میدان الکتریکی بار  $q$  در محل بار  $q_0$  برابر است با:  $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0}$

میدان الکتریکی کمیتی برداری است که آن را با نماد  $\vec{E}$  نشان می دهند و یکای آن در SI، نیوتن بر کولن (N/C) است.

تذکر ۱: جهت میدان الکتریکی  $\vec{E}$  در نقطه  $A$  در شکل زیر، در همان جهت نیروی وارد بر بار مثبت آزمونی است که به طور ذهنی (فرضی) در نقطه  $A$  می گذاریم.



میدان حاصل از بار  $+q$  در نقطه  $A$

تذکره ۲: برای رسم بردار میدان الکتریکی در نقطه‌ی  $M$  در شکل زیر، چون بار  $q$  منفی است، بار آزمون مثبت فرضی را جذب می‌کند؛ بنابراین جهت میدان در نقطه‌ی  $M$  هم‌جهت با همین نیرو است.

میدان بار  $-q$  در نقطه  $M$ 

۲۱- در یک میدان الکتریکی یکنواخت، به بار الکتریکی  $q = 2\mu\text{C}$  نیروی الکتریکی  $\vec{F} = 10/18\hat{i} - 14/4\hat{j}$  وارد می‌شود. بزرگی میدان الکتریکی چند نیوتن بر کولن است؟ (سراسری تجربی - ۹۸)

(۱)  $36 \times 10^6$  (۲)  $18 \times 10^6$  (۳)  $9 \times 10^6$  (۴)  $4/5 \times 10^6$

پاسخ: گزینه ۳ صحیح است. ابتدا اندازه نیروی الکتریکی را محاسبه کرده و سپس به کمک رابطه  $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$  بزرگی میدان الکتریکی را محاسبه می‌کنیم. داریم:

$$|\vec{F}| = \sqrt{10/18^2 + 14/4^2} = \sqrt{324} = 18 \quad E = \frac{|\vec{F}|}{q} = \frac{18}{2 \times 10^{-6}} = 9 \times 10^6 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

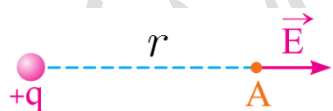
۲۲- اگر اندازه میدان الکتریکی حاصل از یک بار الکتریکی نقطه‌ای در  $30\text{ cm}$  آن،  $1/6 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$  کمتر از اندازه میدان الکتریکی در  $10\text{ cm}$  آن باشد، اندازه میدان الکتریکی در فاصله یک متری آن ذره باردار چند نیوتن بر کولن است؟ (سراسری ریاضی - ۹۹)

(۱) 90 (۲) 120 (۳) 180 (۴) 240

پاسخ: گزینه ۳ صحیح است.

$$r_1 = 30\text{ cm}, r_2 = 10\text{ cm}, E_2 - E_1 = 1/6 \times 10^4$$

$$\frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{30}{10}\right)^2 = 9 \Rightarrow E_1 = 2000 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$\frac{E_x}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_x}\right)^2 \Rightarrow \frac{E_x}{2000} = \left(\frac{30}{1000}\right)^2 \Rightarrow E_x = 180 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$


میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار: بنا بر قانون کولن نیروی  $F$  وارد بر این بار برابر است با:

$$F = K \frac{q_1 q_0}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_0}{r^2}$$

با توجه به تعریف کمی میدان الکتریکی داریم:

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} = K \frac{q_1}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{r^2}$$

نکته: اندازه میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار با اندازه بار متناسب و با مجذور فاصله از آن نسبت عکس

دارد.  $E \propto \frac{q}{r^2}$ ، آنگاه داریم:  $\frac{E_2}{E_1} = \frac{q_2}{q_1} \times \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$

نکته: اگر بار الکتریکی  $q$  در یک میدان الکتریکی  $\vec{E}$  قرار گیرد، این میدان بر بار  $q$  نیروی  $\vec{F}_E = q \cdot \vec{E}$  را وارد می کند.



تذکر: جهت نیروی  $\vec{F}_E$  اگر  $q$  مثبت باشد، هم جهت با  $\vec{E}$  خواهد بود. جهت نیروی  $\vec{F}_E$  اگر  $q$  منفی باشد، خلاف جهت  $\vec{E}$  خواهد بود.

اصل برهم نهی میدان های الکتریکی:

میدان الکتریکی ناشی از چند بار الکتریکی در نقطه ای از فضا، برابر مجموع میدان هایی است که هر بار در نبود سایر بارها در آن نقطه از فضا ایجاد می کند.

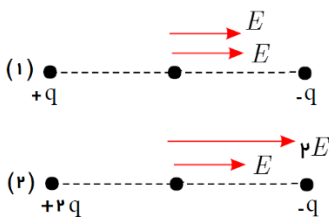
$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \dots$$

گامهای اساسی حل مسائل بر هم نهی میدان الکتریکی

- (۱) اندازه میدان الکتریکی ناشی از تک تک بارها را در نقطه مورد نظر محاسبه می کنیم.
- (۲) جهت میدان الکتریکی هر بار را در نقطه مورد نظر رسم می کنیم.
- (۳) اندازه و جهت میدان برآیند را محاسبه می کنیم.

۲۳- شدت میدان الکتریکی در وسط دو بار نقطه ای غیر هم نام با اندازه های یکسان مقدار معینی است. اگر اندازه یکی از بارها ۲ برابر شود، شدت میدان نقطه مذکور چند برابر حال اول می شود؟

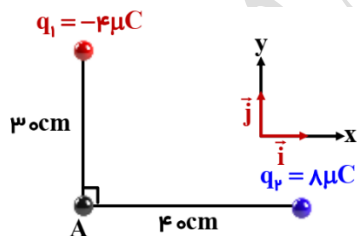
- (۱) ۱/۵ (۲) ۲/۵ (۳) ۳ (۴) ۵



پاسخ: گزینه (۱) صحیح است. در حالت اول (شکل ۱) میدان ناشی از هر بار الکتریکی برابر  $E$  است، پس میدان برآیند در حالت اول  $2E$  خواهد شد.

در حالت دوم (شکل ۲) بار مثبت را دو برابر فرض می کنیم و میدان برآیند در این حالت  $3E$  خواهد شد. بنابراین  $\frac{E_{T2}}{E_{T1}} = \frac{3E}{2E} = 1.5$

۲۴- در شکل زیر، میدان الکتریکی خالص در نقطه A در SI ، کدام است؟



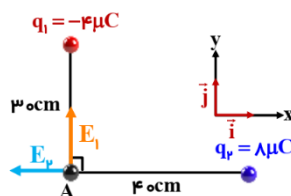
$$K = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$$

$$\vec{E} = 9 \times 10^3 \vec{i} - 8 \times 10^3 \vec{j} \quad (1)$$

$$\vec{E} = -9 \times 10^3 \vec{i} + 8 \times 10^3 \vec{j} \quad (2)$$

$$\vec{E} = 4 / 5 \times 10^5 \vec{i} - 4 \times 10^5 \vec{j} \quad (3)$$

$$\vec{E} = -4 / 5 \times 10^5 \vec{i} + 4 \times 10^5 \vec{j} \quad (4)$$



پاسخ: گزینه ۴ صحیح است.

۲۵- در شکل زیر، بر آیند نیروهای الکتریکی وارد بر هر یک از بارهای الکتریکی صفر است. نسبت‌های  $\frac{x}{r}$  و  $\frac{q_3}{q_2}$  به ترتیب از راست به چپ کدام‌اند؟ (سراسری ریاضی - ۹۹)



پاسخ: گزینه ۴ صحیح است. یکبار  $q_3$  و بار دیگر  $q_1$  را در حالت تعادل در نظر می‌گیریم. داریم:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow \frac{\frac{9}{4}q_2}{(r+x)^2} = \frac{q_2}{x^2} \Rightarrow x = 2r$$

$$E_2 = E_3 \Rightarrow \frac{q_2}{r^2} = \frac{q_3}{(r+x)^2} \Rightarrow |q_3| = |9q_2|$$

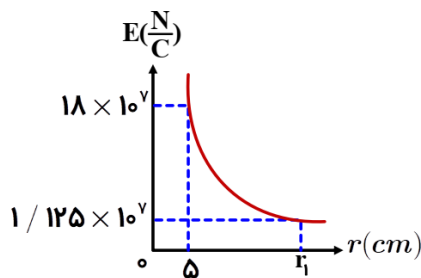
چون بار  $q_1$  خارج از فاصله‌ی دو بار دیگر است، پس  $q_2$  و  $q_3$  نا همنام‌اند، داریم:

$$q_3 = -9q_2 \Rightarrow \frac{q_3}{q_2} = -9$$

۲۶- نمودار تغییرات میدان الکتریکی حاصل از بار نقطه‌ای  $q$  بر حسب فاصله از آن به صورت شکل زیر است، اندازه

$q$  چند میکروکولن و  $r_1$  چند سانتی‌متر است؟ (سراسری) ( $K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2}$ )

ریاضی خارج از کشور - ۹۹



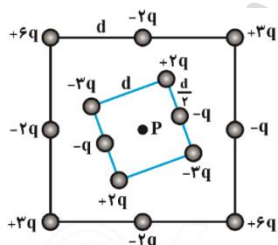
(۴)       $10, 25$  (۳)       $20, 50$  (۲)       $10, 50$  (۱)  
 $20, 25$

پاسخ: گزینه ۴ صحیح است.

$$E = K \frac{q}{r^2} \Rightarrow 18 \times 10^7 = 9 \times 10^9 \frac{q}{25 \times 10^{-4}} \Rightarrow q = 25 \mu C$$

$$\frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{1/25}{18} = \left(\frac{5}{r_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{1}{4} = \frac{5}{r_2} \Rightarrow r_2 = 20 cm$$

۲۷- شکل زیر، دو آرایه مربعی از ذرات باردار را نشان می‌دهد. مربع‌ها که در نقطه‌ی  $P$  هم‌مرکزند، هم‌ردیف



نیستند و ذره‌ها روی محیط مربع به فاصله‌ی  $d$  یا  $\frac{d}{2}$  از هم قرار گرفته‌اند. بزرگی میدان

الکتریکی بر آیند در نقطه  $P$  مرکز مشترک مربع‌ها کدام است؟

$$\frac{2Kq}{3d^2} \text{ (۴)}$$

$$\frac{Kq}{2d^2} \text{ (۳)}$$

$$\frac{2Kq}{d^2} \text{ (۲)}$$

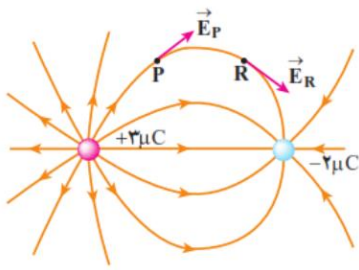
$$\frac{Kq}{d^2} \text{ (۱)}$$

تجسم میدان الکتریکی: برای تجسم میدان الکتریکی در فضای اطراف هر جسم باردار از خط‌های میدان

الکتریکی استفاده می‌شود. ویژگی‌های این خطوط عبارتند از:



خط های میدان در هر نقطه، هم جهت با نیروی وارد بر بار مثبت (بار آزمون) واقع در آن نقطه است. در نتیجه، جهت این خطها از بار مثبت به طرف خارج و به سوی بار منفی است.



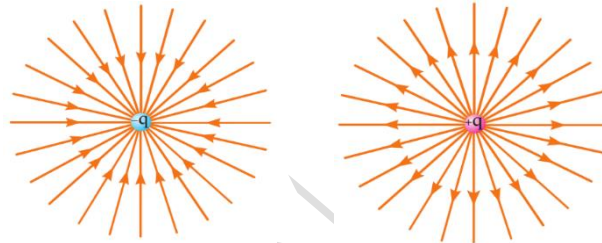
مماس بر هر خط میدان در هر نقطه دلخواه، راستای  $\vec{E}$  در آن نقطه را نشان می دهد. سوی خطها سوی میدان الکتریکی است.

خطوط میدان باید طوری رسم شوند که تعداد آنها در واحد سطحی عمود بر خط های میدان با بزرگی  $\vec{E}$  متناسب باشد. به عبارت دیگر هر جا خط های میدان به هم نزدیکتر (متراکم تر) باشند، اندازه  $E$  بزرگتر و هر جا که از هم دورتر باشند، اندازه  $E$  کوچکتر است. خط های میدان یکدیگر را قطع نمی کنند، یعنی از هر نقطه دلخواه در فضای اطراف یک یا چند جسم باردار فقط یک خط میدان می گذرد که همان میدان الکتریکی برآیند است.

میدان بر سطح رسانا عمود است.

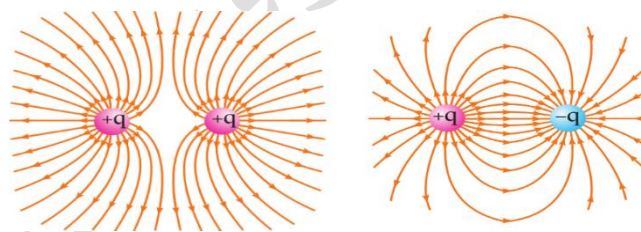
میدان در داخل رسانا صفر است.

است.



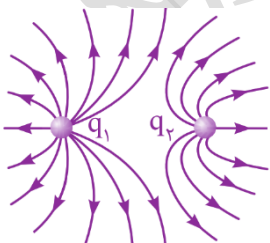
خطوط میدان یک بار منفی

خطوط میدان یک بار مثبت



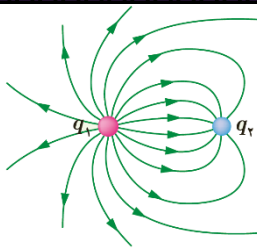
خطوط میدان الکتریکی دو بار مثبت هم اندازه

خطوط میدان یک دو قطبی



۲۸- در شکل زیر، بارهای  $q_1$  و  $q_2$  هر دو (مثبت اند - منفی اند)، زیرا میدان الکتریکی از هر دوی آنها خارج شده است. از سوی دیگر اندازه ی بار  $q_1$  از  $q_2$  (کوچکتر - بزرگتر) است، زیرا خطوط الکتریکی آن فضای بیشتری را اشغال کرده اند.

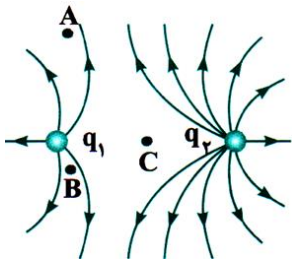
۲۹- خطوط میدان الکتریکی برای دو کره رسانای باردار کوچک در شکل زیر نشان داده شده است. (تمرین کتاب درسی)



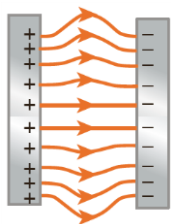
الف) نوع بار و اندازه‌ی بار هر کره را تعیین کنید.  
ب) اگر یک بار منفی را در اطراف این دو بار قرار دهیم، جهت نیروی وارد بر آن چگونه خواهد بود؟

ج) اگر یک بار مثبت را در اطراف این دو بار قرار دهیم، جهت نیروی وارد بر آن چگونه خواهد شد؟

۳۰- در شکل مقابل، بارهای  $q_1$  و  $q_2$  و اندازه بار  $q_2$  ..... از  $q_1$  می‌باشد، همچنین مقایسه شدت میدان الکتریکی در نقاط A، B و C به صورت ..... می‌باشد. (مشابه تمرین کتاب درسی)

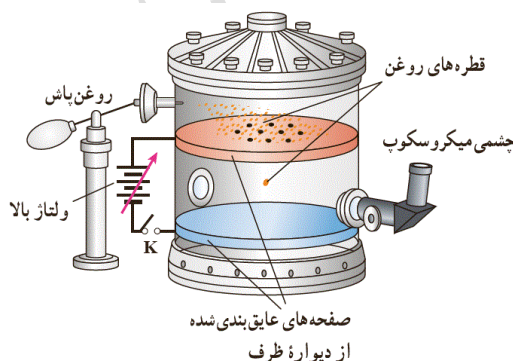


- ۱) هم علامت و مثبت، کوچک تر  $E_B > E_A > E_C$
- ۲) هم علامت و مثبت، بزرگ تر  $E_B > E_A > E_C$
- ۳) هم علامت و منفی، کوچک تر  $E_C > E_A > E_B$
- ۴) هم علامت و مثبت، بزرگ تر  $E_C > E_A > E_B$



میدان الکتریکی یکنواخت: میدان الکتریکی را یکنواخت می‌نامند، که در فضای بین دو صفحه‌ی رسانا و دور از لبه‌های صفحات، خطوط میدان مستقیم، موازی و هم‌فاصله‌اند؛ یعنی بردار میدان در تمام نقاط بین دو صفحه هم اندازه و هم جهت است.

آزمایش قطره روغن میلیکان: این آزمایش نشان می‌دهد که بار الکتریکی کمیتی کوانتیده است ( $q = \pm ne$ ). میلیکان بین دو صفحه فلزی موازی و افقی میدان الکتریکی یکنواخت  $\vec{E}$  را توسط یک منبع ولتاژ قابل تنظیم ایجاد کرد. او در مرکز ورقه‌ی بالایی چند سوراخ ریز ایجاد کرد که از طریق این سوراخ‌ها، قطرات روغن حاصل از یک روغن پاش به ناحیه بین دو ورقه می‌پاشید. بیشتر این قطره‌ها در اثر مالش با دهانه خروجی روغن پاش باردار می‌شدند. میلیکان با تغییر دادن میدان الکتریکی بین صفحات و با در نظر گرفتن مقاومت هوا، نیروی الکتریکی وارد بر هر قطره را محاسبه کرد و از آنجا بار الکتریکی هر قطره را تعیین کرد.



بررسی حرکت بار الکتریکی در میدان الکتریکی یکنواخت:

در یک میدان الکتریکی یکنواخت قائم، اگر صفحه پایینی منفی باشد بار منفی به حال تعادل درمی آید و اگر صفحه پایینی مثبت باشد، بار مثبت به حال تعادل درمی آید و شرط تعادل به صورت زیر است.

$$F_E = W \Rightarrow Eq = mg$$

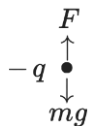
نکته: شتاب ذره‌ی باردار، با فرض ناچیز بودن نیروی گرانش از رابطه زیر محاسبه می‌شود.

$$a = \frac{F}{m} = \frac{Eq}{m}$$

۳۱- مطابق شکل زیر، روی ذره‌ای به جرم  $1q$ ، بار الکتریکی  $q$  قرار داده و آن را در میدان الکتریکی یکنواختی بین دو صفحه‌ی رسانای موازی باردار رها می‌کنیم. اگر ذره در حالت سکون باشد،  $q$  چند میکروکولن است؟ ( $g = 10 \frac{N}{kg}$ )

(۱)  $20$  (۲)  $2 \times 10^{-5}$  (۳)  $-20$  (۴)  $-2 \times 10^{-5}$

پاسخ: طبق شکل، بار ذره باید منفی باشد تا نیروی میدان الکتریکی بر آن بار، به سمت بالا بوده و



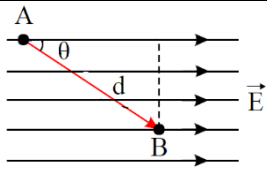
$$F_E = W \Rightarrow |q|E = mg \Rightarrow |q| \times 500 = 10^{-3} \times 10 \Rightarrow$$

$$|q| = \frac{10^{-2}}{5 \times 10^2} = \frac{1}{5} \times 10^{-4} = 0.2 \times 10^{-6} C = 20 \mu C$$

نیروی وزن را خنثی کند.

انرژی پتانسیل الکتریکی و اختلاف پتانسیل الکتریکی:

انرژی پتانسیل الکتریکی	انرژی پتانسیل گرانشی
<p>همیشه ذره‌ای با بار <math>+q</math> در میدان الکتریکی قائم رو به پایین سقوط می‌کند، یعنی از پتانسیل الکتریکی بیشتر به پتانسیل الکتریکی کمتر حرکت می‌کند.</p>	<p>همیشه ذره‌ای به جرم <math>m</math> در میدان گرانشی زمین سقوط می‌کند، یعنی از پتانسیل گرانشی بیشتر به پتانسیل گرانشی کمتر حرکت می‌کند.</p>
<p>نتیجه ۱: رفتار ذره‌ی باردار، با بار مثبت در میدان الکتریکی؛ همانند رفتار ذره‌ای به جرم <math>m</math> در میدان گرانشی زمین است.</p>	
<p>نتیجه ۲: هر گاه حرکتی، خود به خود رخ دهد، از پتانسیل (گرانشی - الکتریکی) بیشتر به پتانسیل کمتر می‌رود و انرژی پتانسیل (گرانشی - الکتریکی) آن کاهش می‌یابد.</p>	
<p>نتیجه ۳: هر گاه در جهت خطوط میدان (گرانشی - الکتریکی) جابجا شویم، پتانسیل (گرانشی - الکتریکی) مستقل از نوع بار الکتریکی کاهش می‌یابد.</p>	



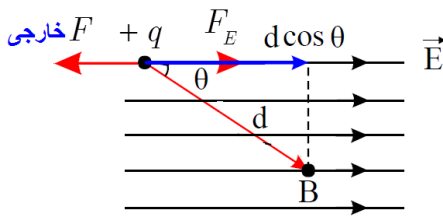
۳۲- در شکل مقابل، بار  $+q$  را به اندازه  $d$  از نقطه  $A$  تا نقطه  $B$  جابجا می‌کنیم. (AB = d)

الف) اختلاف پتانسیل دو نقطه  $(V_B - V_A)$  چگونه تغییر می‌کند؟

ب) کار میدان الکتریکی در این جابجایی + است یا - ؟

ج) تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی در این جابجایی + است یا - ؟

پاسخ: الف) می‌دانیم هر گاه در راستای خطوط میدان جابجا شویم، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد، پس  $V_A > V_B$  می‌باشد، و عبارت  $(V_B - V_A)$  منفی است. اختلاف پتانسیل بین دو نقطه در میدان الکتریکی ربطی به بار و بزرگی بار جابجا شده ندارد.



$$W_E = F_E \times d \cos \theta \quad \xrightarrow{F_E = qE}$$

$$W_E = qEd \cos \theta \quad \begin{matrix} 0 < \theta < 90^\circ \\ \cos \theta > 0 \end{matrix}$$

$$W_E = +qEd \cos \theta > 0 \quad \text{(ب)}$$

$$\Delta U = W_F = -qEd \cos \theta < 0 \quad \text{(ج)}$$

نتایج مثال فوق:

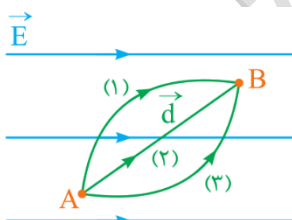
تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی یک ذره باردار در میدان الکتریکی  $\vec{E}$  در یک جابجایی مشخص برابر با منفی کار انجام شده توسط نیروی الکتریکی در همان جابجایی است.  $\Delta U = -W_E = -|q|Ed \cdot \cos \alpha$

تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی یک ذره باردار در میدان الکتریکی  $\vec{E}$  در یک جابجایی مشخص برابر با مثبت کار انجام شده توسط نیروی عامل خارجی در همان جابجایی است.  $\Delta U = +W$

$$\Delta U = +W = -W_E$$

هر گاه بار الکتریکی به طرف صفحه همنام حرکت کند، انرژی پتانسیل الکتریکی افزایش می‌یابد؛ هر گاه به طرف صفحه غیر همنام حرکت کند انرژی پتانسیل الکتریکی آن بار کاهش می‌یابد.

اگر کاری که برای جابجایی بار الکتریکی (با سرعت ثابت) انجام می‌دهیم مثبت باشد ( $W > 0$ ) انرژی پتانسیل الکتریکی بار افزایش می‌یابد ( $\Delta U > 0$ ) در نتیجه:  $U_p > U_1$



اگر کاری که برای جابجایی بار الکتریکی (با سرعت ثابت) انجام می‌دهیم منفی باشد ( $W < 0$ ) انرژی پتانسیل الکتریکی بار کاهش می‌یابد ( $\Delta U < 0$ ) در نتیجه:

$$U_p < U_1$$

اگر بار  $q$  مطابق شکل زیر طی سه مسیر متفاوت از نقطه  $A$  به  $B$  برسد، خواهیم داشت:

$$\Delta U_1 = \Delta U_2 = \Delta U_3$$

یعنی تغییر انرژی پتانسیل بار الکتریکی به مسیر حرکت بستگی ندارد.

اختلاف پتانسیل الکتریکی:

اختلاف پتانسیل الکتریکی دو نقطه، برابر تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی یکای بار الکتریکی مثبت است، وقتی یکای بار از نقطه اول تا نقطه دوم جابجا شود.

بنابراین اگر انرژی پتانسیل الکتریکی بار مثبت  $q$  در یک نقطه برابر  $U_1$  و در نقطه دوم برابر  $U_2$  باشد، اختلاف پتانسیل الکتریکی بین این دو نقطه که با نماد  $\Delta V$  نشان داده می شود عبارت است از:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q}, \Delta V = V_2 - V_1, \Delta U = U_2 - U_1$$

نکته:  $\Delta U$  بر حسب ژول ( $J$ )،  $q$  بر حسب کولن ( $C$ ) و  $\Delta V$  بر حسب ولت ( $v$ ) می باشند.

تعریف ولت: یک ولت اختلاف پتانسیل بین دو نقطه از میدان الکتریکی است که برای جابجا کردن یک کولن بار الکتریکی، یک ژول کار انجام دهیم.

$$1V = 1w.C \Rightarrow 1w = \frac{1J}{1C}$$

اثبات رابطه  $V = Ed$  در یک میدان الکتریکی یکنواخت:

اگر فاصله میان صفحات یک میدان یکنواخت را با  $d$  نشان دهیم و ذره ی باردار در راستای خطوط میدان الکتریکی حرکت کند  $(\alpha = 0)$ ، آنگاه داریم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} = \frac{qEd \cdot \cos(0)}{q} = Ed$$

نکته: از رابطه  $E = \frac{V}{d}$  می فهمیم که واحد میدان الکتریکی  $\frac{v}{m}$  می باشد. یعنی  $1 \frac{v}{m} = 1 \frac{N}{C}$

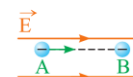
نکته: اگر بار الکتریکی مثبت در جهت میدان الکتریکی حرکت کند، انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می یابد. تغییر پتانسیل الکتریکی به تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بستگی دارد.

تذکر: هرگاه بار الکتریکی مثبت در جهت میدان الکتریکی جابجا شود، از پتانسیل الکتریکی بیشتر به پتانسیل کمتر رفته است و هرگاه بار الکتریکی مثبت در خلاف جهت میدان حرکت کند، از پتانسیل الکتریکی کمتر به پتانسیل الکتریکی بیشتر رفته است.

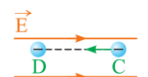
تذکر: هرگاه بار الکتریکی منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی جابجا شود، از پتانسیل الکتریکی کمتری به پتانسیل الکتریکی بیشتری رفته است و هرگاه بار الکتریکی منفی در جهت میدان الکتریکی جابجا شود، از پتانسیل الکتریکی بیشتری به پتانسیل الکتریکی کمتری رفته است. (شکل زیر)

$$U_B > U_A \text{ و } V_B < V_A$$

$$U_D < U_C \text{ و } V_D > V_C$$



حرکت در جهت  
میدان الکتریکی



حرکت در خلاف جهت  
میدان الکتریکی

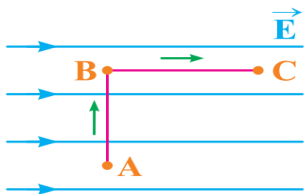


نكته: معمولاً پتانسيل زمين را صفر در نظر مي گيريم و پتانسيل هر جسم را نسبت به آن مي سنجيم در اين صورت پتانسيل هر جسم متصل به زمين برابر صفر است.

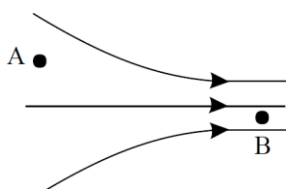
	مستقل از جابجايي	وابسته به جابجايي
مستقل از بار	$E$	$v$
وابسته به بار	$F$	$U$

$\times q$  (multiplication factor for E and F)  
 $\times d$  (multiplication factor for v and U)

۳۳- مطابق شكل روبرو، يك بار الكتريكي منفي در ميدان الكتريكي يكنواخت نشان داده شده، مسير  $A \rightarrow B \rightarrow C$  را با سرعت ثابت مي پيمايد. خانه هاي خالي جدول زير را با توجه به شكل (با كلمات ثابت، افزايش و کاهش) تكميل كنيد.



مسير	پتانسيل الكتريكي	انرژي الكتريكي	پتانسيل	ميدان الكتريكي
$A \rightarrow B$				
$B \rightarrow C$				



۳۴- در طرح مقابل، كه مربوط به يك ميدان الكتريكي است.

الف) اندازه ي ميدان الكتريكي، پتانسيل الكتريكي، را در نقطه هاي  $A$  و  $B$  با هم مقايسه كنيد؟

ب) اگر بار  $+q$  را در نقاط  $A$  و  $B$  قرار دهيم، جهت نيروي وارد بر بار  $+q$  را در اين نقاط رسم كنيد.

پاسخ: تراكم خطوط ميدان الكتريكي، بيانگر شدت (بزرگي) ميدان الكتريكي است. پس  $E_B > E_A$ ، در نتيجه طبق

$$F = qE \text{ براي بار يکسان داریم: } F_B > F_A$$

از طرفي نقاط نزديك به صفحه ي مثبت، پتانسيل بيشتري دارند. پس  $V_A > V_B$

۳۵- جاهای خالی زیر را پر کنید.

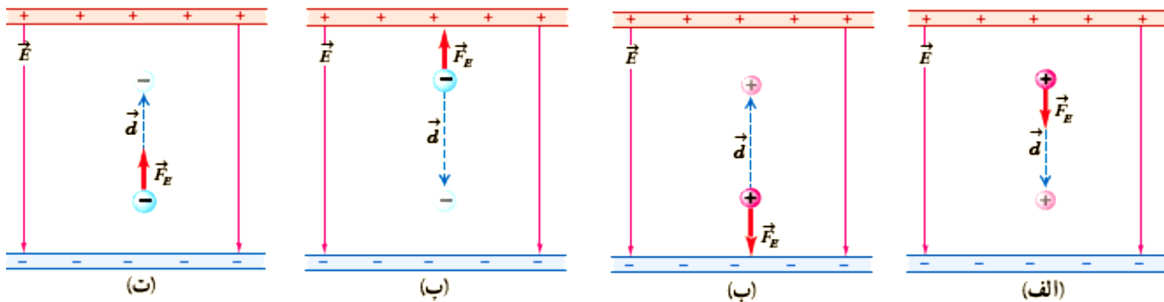
الف) اگر بار مثبتی در جهت خطوط میدان الكتريكي جابه جا شود، پتانسيل الكتريكي.....، انرژي پتانسيل آن..... و كار نيروي الكتريكي..... مي شود.

ب) اگر بار مثبتی خلاف جهت خطوط میدان الكتريكي جابه جا شود، پتانسيل الكتريكي..... و انرژي پتانسيل آن... و كار نيروي الكتريكي..... مي شود.

پ) اگر يك بار منفي در جهت خطوط میدان الكتريكي جابه جا شود، پتانسيل الكتريكي..... و انرژي پتانسيل آن..... و كار نيروي الكتريكي ..... مي شود.



ت) اگر یک بار منفی خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی جا به جا شود، پتانسیل الکتریکی..... و انرژی پتانسیل آن..... و کار نیروی الکتریکی..... می شود.



(بیشتر از تمرین ۱-۱۰ کتاب درسی)

۳۶- اگر در یک میدان الکتریکی یکنواخت، در جهت خطوط میدان حرکت کنیم. پتانسیل الکتریکی نقاط..... و اندازه‌ی میدان الکتریکی.....

- (۱) کاهش می‌یابد - کاهش می‌یابد.  
 (۲) کاهش می‌یابد - ممکن است کاهش یا افزایش یابد.  
 (۳) ثابت می‌ماند - کاهش می‌یابد.  
 (۴) کاهش می‌یابد - ثابت می‌ماند.

۳۷- اگر در یک میدان الکتریکی یکنواخت، بار الکتریکی منفی را در جهت میدان الکتریکی جابجا کنیم. انرژی پتانسیل الکتریکی و انرژی جنبشی آن به ترتیب چگونه تغییر می‌کنند؟

- (۱) افزایش می‌یابد - کاهش می‌یابد.  
 (۲) کاهش می‌یابد - افزایش یابد.  
 (۳) کاهش می‌یابد - ممکن است ثابت بماند.  
 (۴) افزایش می‌یابد - ممکن است ثابت بماند.

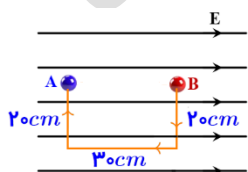
۳۸- در شکل مقابل، کره‌ای با بار مثبت روی پایه‌ی عایقی قرار دارد؛ شخصی در میدان الکتریکی حاصل از این



• B    ⊕    • A

کره، ذره‌ی باردار مثبت را با سرعت ثابت در راستای افقی از نقطه‌ی B تا A جا به جا می‌کند. اگر کار شخص در این میدان W و کار نیروی حاصل از میدان W' و اختلاف پتانسیل الکتریکی  $\Delta V = V_A - V_B$  باشد. کدام رابطه درست است؟

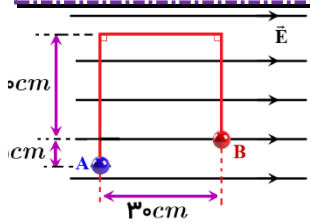
- (۱)  $\Delta V > 0$  ,  $W' > 0$  ,  $W < 0$     (۲)  $\Delta V < 0$  ,  $W' > 0$  ,  $W < 0$   
 (۳)  $\Delta V > 0$  ,  $W' < 0$  ,  $W > 0$     (۴)  $\Delta V < 0$  ,  $W' < 0$  ,  $W > 0$



۳۹- در شکل زیر، در میدان الکتریکی یکنواخت  $E = 10^5 \frac{N}{C}$ ، بار نقطه‌ای  $q = -5\mu C$  از

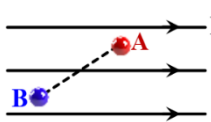
طریق مسیر نشان داده شده از نقطه A به نقطه B منتقل شده است. در این انتقال، انرژی پتانسیل الکتریکی این ذره باردار چند ژول تغییر می‌کند؟ (سراسری ریاضی - ۹۹)

- (۱) +0 / 15    (۲) -0 / 15    (۳) +0 / 10    (۴) -0 / 10



پاسخ: گزینه ۱ صحیح است. هر گاه بار الکتریکی منفی در جهت میدان الکتریکی حرکت کند، انرژی پتانسیل الکتریکی آن افزایش می‌یابد. (به طور کلی، هر گاه بار الکتریکی به طرف صفحه ناهمنام پیش رود، انرژی پتانسیل کاهش می‌یابد.)

$$|W| = qEd = 5 \times 10^{-6} \times 10^5 \times 0/3 = 0/15 \text{ J} \Rightarrow \Delta U = 0/15 \text{ J}$$



۴۰- در شکل زیر، بار الکتریکی  $q = -50 \mu\text{C}$  از نقطه A به پتانسیل الکتریکی  $120 \text{ V}$  به نقطه B می‌رود و انرژی پتانسیل الکتریکی آن  $5 \text{ mJ}$  تغییر می‌کند. پتانسیل الکتریکی نقطه B ولت است؟ (سراسری ریاضی - ۹۸)

۲۲۰ (۴)

۱۳۰ (۳)

۱۱۰ (۲)

۲۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۴ صحیح است. بار الکتریکی به طرف صفحه ناهمنام حرکت کرده، بنابراین انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش یافته است، بنابراین داریم:

$$\Delta U = q\Delta v \Rightarrow -5 \times 10^{-3} = -50 \times 10^{-6}(v_B - v_A) \Rightarrow -5 \times 10^{-3} = -50 \times 10^{-6}(v_B - 120) \Rightarrow (v_B - 120) = 100 \Rightarrow v_B = 220 \text{ V}$$

۴۱- در یک میدان الکتریکی یکنواخت، ذره بارداری به جرم  $0/1 \text{ g}$ ، از نقطه‌ای به پتانسیل الکتریکی  $100 \text{ V} +$  از حال سکون به حرکت درمی‌آید و با سرعت  $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  به نقطه دیگری به پتانسیل  $100 \text{ V} -$  می‌رسد. اگر در این مسیر نیروی مؤثر بر ذره فقط حاصل از میدان الکتریکی باشد، بار الکتریکی ذره چند میکروکولن است؟ (سراسری ریاضی خارج از کشور - ۹۵)

۴۰ (۴)

۲۵ (۳)

۴ (۲)

۲/۵ (۱)

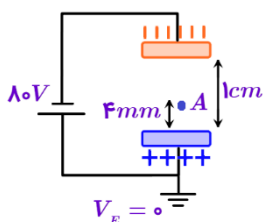
پاسخ: گزینه ۳ صحیح است. با قضیه کار و انرژی داریم:

$$W_T = \Delta k \Rightarrow W_E = k_2 - k_1 \quad W_E = -\Delta U = -q\Delta v \rightarrow -q(v_2 - v_1) = \frac{1}{2} m V_2^2 \Rightarrow -q(-100 - 100) = \frac{1}{2} \times 0/1 \times 10^{-3} \times 10^2 \Rightarrow q = \frac{5 \times 10^{-3}}{200} = 25 \mu\text{C}$$

روش دوم: قانون پایستگی انرژی

$$\Delta U = q\Delta v \quad \Delta U = -\Delta k \rightarrow -\Delta k = q\Delta v \Rightarrow -(k_2 - k_1) = q\Delta v \Rightarrow -\frac{1}{2} m V_2^2 = q(v_2 - v_1) \Rightarrow -\frac{1}{2} \times 10^{-4} \times 100 = q(-100 - 100) \Rightarrow q = \frac{-5 \times 10^{-3}}{-200} = 25 \mu\text{C}$$

۴۲- دو صفحه رسانای موازی با ابعاد بزرگ را مطابق شکل زیر، به یک باتری وصل کرده‌ایم، پتانسیل نقطه A چند ولت است؟ (سراسری تجربی - ۹۹)



+48 (۴)

+32 (۳)

-32 (۲)

-48 (۱)

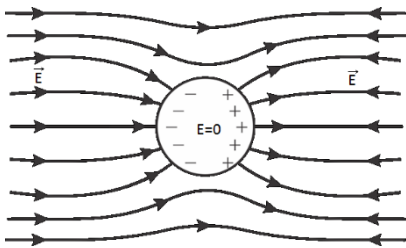
پاسخ: گزینه ۲ صحیح است. طبق رابطه‌ی  $\Delta V = E$ ، چون میدان الکتریکی ثابت است، داریم:

$$\frac{\Delta V}{d} = \frac{\Delta V'}{d'} \Rightarrow \frac{80}{10} = \frac{\Delta V'}{4} \Rightarrow \Delta V' = 32V$$

$$\Delta V' = V_E - V_A \Rightarrow 32 = 0 - V_A \Rightarrow V_A = -32V$$

توزیع و القای بار در رساناها:

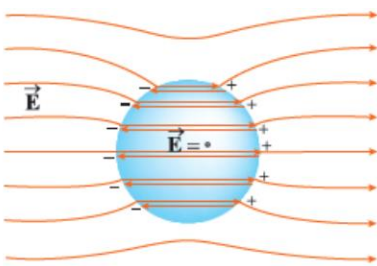
رسانای منزوی: جسم رسانایی که توسط عایقی از محیط اطراف خود جدا شده است را رسانای منزوی می‌گویند. وقتی به یک جسم رسانای منزوی بار الکتریکی اضافی بدهیم، بار الکتریکی در محل داده شده ساکن نمی‌ماند و در جسم خارجی رسانا توزیع می‌شود (آزمایش فارادی)



نکته: اگر یک رسانای خنثی منزوی درون میدان الکتریکی خارجی قرار گیرد، الکترونهای آزاد رسانا طوری روی سطح خارجی آن توزیع می‌شوند که اثر میدان خارجی را درون رسانا خنثی کنند و میدان خالص درون رسانا صفر شود و میدان روی سطح رسانا همواره عمود است.

نکته: چون میدان درون رسانایی که در حال تعادل الکترواستاتیکی است، برابر صفر است و میدان روی سطح رسانا عمود بر سطح رساناست، کار نیروی الکتریکی در هر جابجایی بار در داخل و روی سطح رسانا صفر است و در نتیجه همه نقاط داخل و روی سطح رسانا، پتانسیل یکسانی دارند. (سطح هم‌پتانسیل)

جسم نارسانا: وقتی به یک جسم نارسانا بار الکتریکی بدهیم، بار در محل داده شده به جسم باقی می‌ماند و در جسم جابجا نمی‌شود.

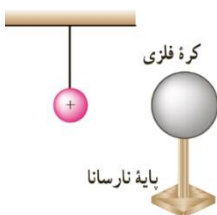


۴۳- شکل زیر، کره‌ای را نشان می‌دهد که درون میدان الکتریکی قرار دارد. این کره ..... است و درون آن از چپ به راست، پتانسیل الکتریکی ..... (سراسری)

ریاضی خارج از کشور - ۹۸

(۱) رسانا- ثابت می‌ماند. (۲) رسانا- کاهش می‌یابد.

(۳) نارسانا- کاهش می‌یابد. (۴) نارسانا- افزایش می‌یابد.

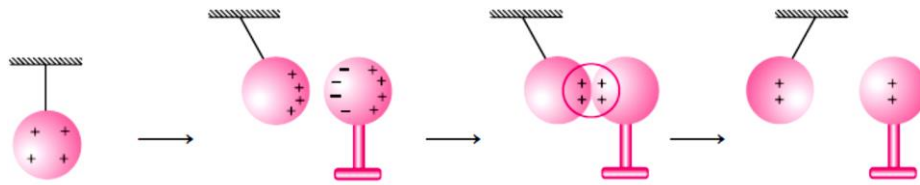


۴۴- در شکل مقابل گلوله‌ی فلزی بارداری از نخ آویزان است. کره‌ی فلزی خنثی را که دارای دسته‌ی نارسانا است به گلوله نزدیک می‌کنیم مشاهده می‌شود که گلوله ..... می‌شود. وقتی تماس حاصل شد، کره را جدا می‌کنیم و دوباره به آرامی آن را به گلوله نزدیک می‌کنیم؛ ملاحظه می‌شود که گلوله ..... می‌شود. (مشابه تمرین ۲۰ کتاب درسی)

(۴) جذب -

(۳) دفع - دفع

(۲) دفع - جذب

(۱) جذب - دفع  
جذب

۴۵- کره‌ی فلزی با بار  $-q$  را در ظرف فلزی که با بار  $+4q$  روی میز عایقی قرار دارد وارد کرده و از داخل به کف

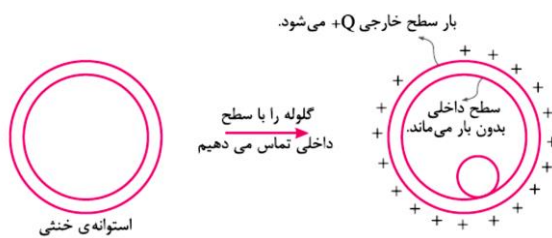
ظرف تماس می‌دهیم، اگر درب فلزی ظرف بسته شود به ترتیب

بار کره و بار سطح خارجی ظرف از راست به چپ کدام است؟

(۱) صفر،  $+3q$ 

(۲) صفر - صفر (بر اساس کتاب)

(جدید درسی)

(۴)  $-q$  و  $+4q$ (۳) صفر،  $+3q$ 

چگالی سطحی بار  $\sigma$  (سیگما): (ویژه رشته ریاضی)

بار الکتریکی موجود در واحد سطح خارجی یک جسم رسانا را چگالی سطحی بار الکتریکی می‌نامیم.

$$\sigma = \frac{q}{A}$$

در SI یکای چگالی سطحی بار بر حسب کولن بر متر مربع ( $\frac{C}{m^2}$ ) بیان می‌شود.

نکته: آزمایش نشان می‌دهد، که شکل یک رسانا در چگونگی توزیع بار الکتریکی روی سطح آن تاثیر دارد.

نکته: در مکانهای نوک تیز و برجسته جسم رسانا چگالی سطحی بار بیشتر از نقاط دیگر جسم است. یعنی فاصله

بارهای داده شده به جسم در مکانهای نوک تیز کمتر از فاصله آنها در مکانهای پهن است.

نکته: اگر سطح خارجی رسانا یکنواخت باشد چگالی سطحی بار در تمام نقاط آن یکسان است.

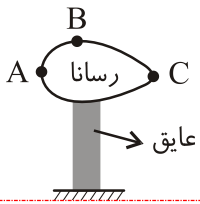
نکته: مقایسه چگالی سطحی بار الکتریکی دو جسم رسانا از رابطه زیر بدست می‌آید.

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{q_1}{q_2} \cdot \frac{A_2}{A_1}$$

اگر جسم‌ها دو کره به شعاعهای  $R_1$  و  $R_2$  و یا به قطرهای  $D_1$  و  $D_2$  باشند، رابطه به صورت زیر در می‌آید.

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{q_1}{q_2} \cdot \left(\frac{D_2}{D_1}\right)^2 \quad \text{یا} \quad \frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{q_1}{q_2} \cdot \left(\frac{R_2}{R_1}\right)^2$$

۴۶- مطابق شکل، به یک رسانا که روی پایه‌ی عایقی قرار دارد، بار الکتریکی می‌دهیم. درباره‌ی پتانسیل و چگالی سطحی بار نقاط  $A$ ،  $B$ ،  $C$  می‌توان گفت:



$$\begin{cases} \sigma_C > \sigma_A > \sigma_B \\ V_A > V_B > V_C \end{cases} \quad (۲)$$

$$\begin{cases} \sigma_C > \sigma_A > \sigma_B \\ V_A > V_B > V_C \end{cases} \quad (۴)$$

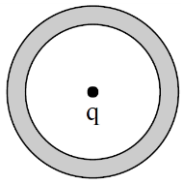
$$\begin{cases} \sigma_C > \sigma_A > \sigma_B \\ V_A = V_B = V_C \end{cases} \quad (۱)$$

$$\begin{cases} \sigma_C = \sigma_A = \sigma_B \\ V_A = V_B = V_C \end{cases} \quad (۳)$$

پاسخ: گزینه (۱) صحیح است. چون رسانا است، پس سطح هم‌پتانسیل محسوب شده و داریم:  $V_A = V_B = V_C$

از طرفی چگالی سطحی بار در نقاط نوک تیز بیشتر است. پس داریم:  $\sigma_C > \sigma_A > \sigma_B$

۴۷- در شکل زیر، شعاع داخلی پوسته‌ی کروی رسانا برابر با  $۴\text{cm}$ ، شعاع خارجی آن برابر  $۶\text{cm}$  و بار الکتریکی نقطه‌ای  $q = +۶\mu\text{C}$  در مرکز این کره ثابت شده است. اندازه‌ی چگالی سطحی بار الکتریکی سطح خارجی کره، چند برابر اندازه‌ی چگالی سطحی بار الکتریکی سطح داخلی آن است؟



$$\frac{4}{3} \quad (۴)$$

$$\frac{4}{9} \quad (۳)$$

$$۱ \quad (۲)$$

$$\frac{2}{3} \quad (۱)$$

است.

صحیح

(۳)

گزینه

پاسخ:

$$\sigma = \frac{q}{A} \xrightarrow{A=4\pi r^2, |q_1|=|q_2|=6\mu\text{C}} \frac{\sigma_2}{\sigma_1} = \frac{|q_2|}{|q_1|} \times \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{\sigma_2}{\sigma_1} = \left(\frac{4}{6}\right)^2 = \frac{4}{9}$$

خازن:

دو رسانا با هر شکلی، در مجاورت هم که از هم عایق شده باشند، را خازن می‌نامیم. خازن وسیله‌ای الکتریکی است که می‌تواند بار و انرژی الکتریکی در خود ذخیره کند. خازن‌ها در مدارهای الکترونیک بسیار کاربرد دارند. از جمله در یک موبایل تا  $۷۰۰$  خازن ممکن است بکار گرفته شده باشد.

خازن‌ها اندازه‌ها و شکل‌های مختلف دارند. ساده‌ترین خازن متشکل از دو صفحه رسانای تخت به مساحت  $A$  است که به فاصله  $d$  (که در مقابل ابعاد صفحه‌ها ناچیز است) از هم قرار گرفته‌اند. برای باردار کردن خازن هر صفحه آن را به یک قطب باتری متصل می‌کنند. بار از باتری به صفحات خازن جریان پیدا می‌کند تا بار صفحه متصل به قطب مثبت  $+Q$  و صفحه متصل به قطب منفی  $-Q$  شود. در نتیجه بین صفحات خازن میدان یکنواختی (که جهت آن از صفحه مثبت به منفی است) ایجاد می‌شود.

ظرفیت خازن را با رابطه  $C = \frac{Q}{V}$  تعریف می‌کنند. یکای ظرفیت خازن در SI فاراد (که با  $F$  نشان داده می‌شود) است. یک فاراد ظرفیت خازنی است که اگر اختلاف پتانسیل یک ولت به آن وارد شود یک کولن بار در آن ذخیره گردد. با توجه به بزرگی یک کولن بار، یک فاراد نیز ظرفیت بزرگی برای یک خازن است. بیشتر خازن‌های بکار رفته در ابزارهایی مانند موبایل ظرفیتهایی در حدود میکروفاراد یا میکروفاراد دارند.

اگر اختلاف پتانسیل  $۶$  ولت به دو سر یک خازن  $۲۰$  میکروفاراد متصل شود، مقدار بار ذخیره شده در آن چقدر خواهد بود؟

$$C=Q/V \rightarrow Q = C \cdot V = 20\mu\text{F} \times 6\text{V} = 120 \mu\text{C}$$

ماده نارسایی که بین دو صفحه خازن قرار می گیرد را دی الکتریک می نامند. ظرفیت یک خازن تخت ساده متشکل از دو صفحه رسانای تخت به مساحت  $A$  است که به فاصله  $d$  تنها به خصوصیات ساختاری آن وابسته است و برای یک خازن تخت از رابطه زیر بدست می آید:

$$C = \epsilon_0 \frac{A}{d}$$

که در آن  $\epsilon_0$  ضریب گذردهی خلأ ( $\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{\text{F}}{\text{m}}$ ) است. اگر بین صفحات خازن ماده دی الکتریک قرار گیرد، ظرفیت خازن بسته به ثابت دی الکتریک آن افزایش یافته، و از رابطه زیر بدست می آید. (ضریب دی-الکتریک برخی از نارساها در جدول ۴-۱ کتاب آمده است)

$$C = \kappa C_0$$

این رابطه برای خازن تخت بصورت زیر است.

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$$

هر ماده دی الکتریک تحمل ولتاژ معینی را دارد. اگر اختلاف پتانسیل متصل به دو سر خازن از این مقدار بالاتر رود، پدیده فروریزش الکتریکی رخ می دهد. در این حالت شدت میدان الکتریکی به قدری قوی است که باعث کنده شدن الکترونها و حرکت آن در ماده دی الکتریک می شود و معمولاً منجر به سوختن دی الکتریک و خازن می گردد.

یک خازن علاوه بر بار می تواند ابزاری برای ذخیره انرژی در مدارها باشد. انرژی ذخیره شده در خازن از روابط زیر (بر حسب بار و اختلاف پتانسیل و ظرفیت خازن) بدست می آید:

$$U = \frac{1}{2} QV = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

که در آن  $U$  انرژی پتانسیل الکتریکی خازن بوده و یکای آن ژول است.

• نکته: در خازنی که به باتری متصل است، همواره اختلاف پتانسیل و سر خازن برابر اختلاف پتانسیلی است که باتری ایجاد می کند.

• نکته: در خازن بارداری که از باتری جدا شده است، آنچه همواره پایدار می ماند بار خازن است.

۴۸- فضای بین دو صفحه یک خازن با دی الکتریکی با ثابت دی الکتریک ۲ پر شده است. اگر دی الکتریک این خازن را با دی الکتریک دیگری با ثابت ۵ پر کنیم، ظرفیت خازن چند برابر می شود؟

(۱) ۳ (۲) ۲ (۳) ۲/۵ (۴) ۵

پاسخ گزینه ۳ است.

۴۹- دوسر خازنی که بین صفحات آن را میکا قرار داده اند، به اختلاف پتانسیل ۲ ولت متصل است. اگر در این حالت دی الکتریک را از بین صفحات خارج کنیم، بار الکتریکی و انرژی ذخیره شده چه تغییری می کند؟

(۱) هر دو کاهش می یابد. (۲) هر دو افزایش می یابد.



(۳) بار کاهش و انرژی افزایش می‌یابد.

(۴) بار افزایش و انرژی کاهش می‌یابد.

پاسخ گزینه ۱ است.

۵۰- ظرفیت خازن مسطحی ۵ پیکوفاراد و بار الکتریکی ذخیره شده بر صفحات آن  $0.2$  نانو کولن و فاصله بین دو صفحه خازن از هم  $1$  میلی‌متر است. شدت میدان الکتریکی بین دو صفحه خازن را تعیین کنید.

(۱)  $40$       (۲)  $250$       (۳)  $2500$       (۴)  $4 \times 10^4$

پاسخ گزینه ۴ است.

$$V = \frac{Q}{C} = \frac{0.2 \times 10^{-9}}{5 \times 10^{-12}} = 40V \rightarrow E = \frac{V}{d} = \frac{40}{1 \times 10^{-3}} = 4 \times 10^4 \frac{N}{C}$$

۵۱- در سوال قبل اگر ثابت دی‌الکتریک خازن  $2/5$  باشد، مساحت صفحات خازن بر حسب  $cm^2$ ، چقدر

است؟ ( $\epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} \frac{F}{m}$ )

(۱)  $1/8$       (۲)  $2/2$       (۳)  $0.00018$       (۴)  $0.00022$

پاسخ گزینه ۴ است.

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \rightarrow 5 \times 10^{-12} = 2.5 \times 9 \times 10^{-12} \frac{A}{10^{-3}} \rightarrow A = 2.2 \times$$

$$10^{-4} cm^2$$